

## 1. RACIONALNA ŠTEVILA

### 1.1. Množica celih števil

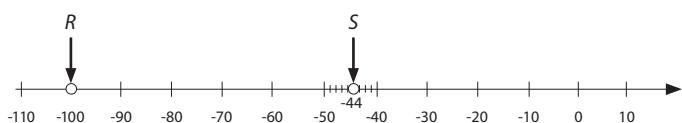
1. a) Dvig denarja na bankomatu in novo stanje denarja na računu.

b) Čas za servis avtomobila je potekel.

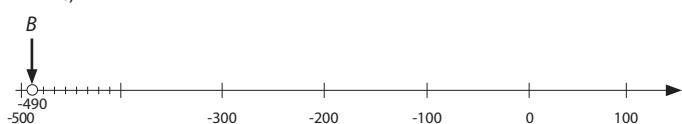
c) Časovni pasovi.

2. a) Letnica pred letom 0; z negativnimi števili

b)



c)



č) različne rešitve

3. a)  $8^{\circ}\text{C}$       b)  $0^{\circ}\text{C}$       c)  $-7^{\circ}\text{C}$       č)  $15^{\circ}\text{C}$

d)  $-15^{\circ}\text{C}$       e)  $-10^{\circ}\text{C}$

4.

Za ena manjše	<b>-8</b>	-12	-25	-151	-400	<b>-1002</b>	-1	30	<b>698</b>
Število	-7	<b>-11</b>	-24	-150	<b>-399</b>	<b>-1001</b>	0	<b>31</b>	<b>699</b>
Za ena večje	<b>-6</b>	<b>-10</b>	-23	<b>-149</b>	<b>-398</b>	-1000	<b>1</b>	<b>32</b>	700

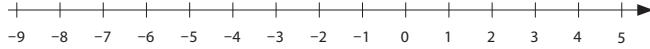
5. a)  $-34, -32, -30, -28, -26, -24, -22, -20, -18, -16, -14, -12, -10, -8, -6, -4, -2, 0, 2, 4, 6$

b)  $19, 16, 13, 10, 7, 4, 1, -2, -5, -8, -11, -14, -17, -20$

c)  $-40, -35, -30, -25, -20, -15, -10, -5, 0, 5, 10, 15, 20, 25, 30$

č)  $-13, -17, -21, -25, -29, -33, -37$

6.



a)  $-9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1$

b)  $1, 2, 3, 4, 5$       c) 0

7. a)  $-3^{\circ}\text{C}$       b)  $-9^{\circ}\text{C}$       c)  $2^{\circ}\text{C}$       č)  $9^{\circ}\text{C}$

d)  $-4^{\circ}\text{C}$       e)  $13^{\circ}\text{C}$       f)  $5^{\circ}\text{C}$       g)  $-8^{\circ}\text{C}$

h)  $-25^{\circ}\text{C}$       i)  $-3^{\circ}\text{C}$

8. Temperatura je lahko  $20^{\circ}\text{C}$  ali pa  $14^{\circ}\text{C}$ .

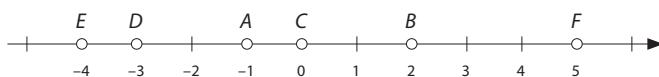
Če je temperatura narasla, je znašala  $20^{\circ}\text{C}$ , če pa je padla, je znašala  $14^{\circ}\text{C}$ .

9. a)  $-3$       b)  $-4$       c) od leve proti desni  $-10, 5$

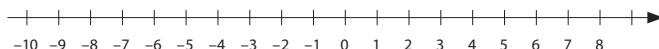
č) od leve proti desni  $-500, -400, -300, -200, -100$

d) od leve proti desni  $-14, 19$

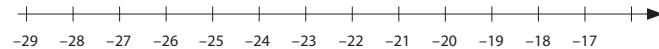
10. a)



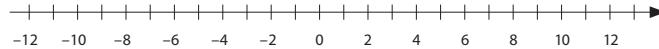
b)



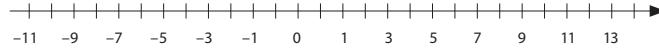
c)



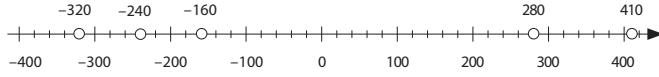
č)



d)



e)



11. a) 10      b) 4      c) 7      č) -6      d) 7  
e) -7      f) -29      g) -58      h) -5      i) 45  
12. a) +4      b) +2      c) -4      č) -3      d) +4  
e) -12      f) +18      g) -54      h) +13      i) +24  
13. a) N      b) N      c) P      č) P      d) P      e) N      f) N  
14. a)  $-28\text{ m}$       b)  $-57\text{ m}$       c)  $-42\text{ m}$       č)  $42\text{ m}$   
15. a) N      b) P      c) N      č) P      d) P  
16. a) N, npr.:  $2 \in \mathbb{N}$       b) N, npr.:  $-3 \in \mathbb{Z}^-$       c) P  
č) P      d) N, npr.:  $7 \in \mathbb{Z}^+$

17. a)  $\mathcal{R} = \{-7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$

b)  $\mathcal{R} = \{-3, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$

c)  $\mathcal{R} = \{-6, -7, -8, -9, -10, \dots\}$

č)  $\mathcal{R} = \{-7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5\}$

d)  $\mathcal{R} = \{-9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3\}$

18. a)  $-6, -5, -4, -3, -2, -1$       b)  $1, 2, 3, 4, 5, \dots$       c)  $6, 5, 4, 3, 2, 1$

19. a)  $-16, -23, -30, -37, -44, \dots$

b)  $-2, +2, 6, 10, 14, \dots$

c)  $-6, -12, -19, -27, -36, \dots$

Vsek naslednji člen je za  $(n+1)$  manjši od predhodnega člena, če je  $n \geq 6, n \in \mathbb{Z}$ .

20. a)  $\mathcal{R} = \{0, -1, -2, -3, -4, \dots\}; x \leq 0$

b)  $\mathcal{R} = \{-11, -10, -9, -8, \dots, -1\}; -11 \leq x \leq -1$

c)  $\mathcal{R} = \{7, 8, 9, 10, \dots\}; x \geq 7$

č)  $\mathcal{R} = \{-13, -14, -15, -16, \dots\}$  in  $\mathcal{R} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}; x \leq -13$  in  $x \geq 1$

d)  $\mathcal{R} = \{4, 5, 6, 7, \dots\}; x \geq 4$

e)  $\mathcal{R} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$  in  $\mathcal{R} = \{-2, -3, -4, \dots\}; x \geq 1$  in  $x \leq -2$

### 1.2. Množica racionalnih števil

1. a)  $C(-0, 9), B(-0, 2), D(0, 3), A(1, 5)$

b)  $C(-2\frac{3}{4}), F(-1\frac{1}{4}), E(-\frac{1}{2}), A(\frac{3}{4}), B(2), D(2\frac{1}{4})$

c)  $F(-1\frac{9}{10}), D(-1\frac{2}{5}), A(-\frac{3}{5}), B(1\frac{1}{5}), C(1\frac{1}{2}), E(2\frac{4}{5})$

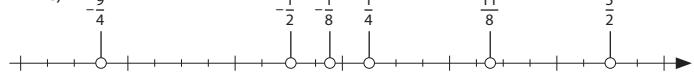
2. a)



b)



c)



3. a)  $-2, -1\frac{2}{3}, -1\frac{1}{3}, -1, -\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, 0, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, 1, 1\frac{1}{3}, 1\frac{2}{3}, 2, 2\frac{1}{3}, 2\frac{2}{3}, 3$

b)  $5; 4; 3; 3; 6; 2; 9; 2; 2; 1; 5; 0; 8; 0; 1; -0; 6; -1; 3; -2; -2; 7; -3; 4$

c)  $-3; 3; -2; 9; -2; 5; -2; 1; -1; 7; -1; 3; -0; 9; -0; 5; -0; 1; 0; 3; 0; 7; 1; 1; 1; 5; 1; 9; 2; 3; 2; 7; 3; 1; 3; 5$

č)  $\frac{2}{11}, \frac{7}{11}, \frac{2}{11}, \frac{5}{11}, \frac{2}{11}, \frac{4}{11}, \frac{3}{11}, \frac{2}{11}, \frac{2}{11}, \frac{1}{11}, \frac{2}{11}, -\frac{9}{11}, -1\frac{9}{11}, -2\frac{9}{11}$

$-2\frac{9}{11}, -3\frac{9}{11}, -4\frac{9}{11}, -5\frac{9}{11}$

# REŠITVE

4.  $F(-4,9)$ ,  $B(-2,8)$ ,  $A(2)$ ,  $G(3,8)$
5. a) da  
b) več rešitev, npr.:  $-\frac{7}{8}, -\frac{7}{9}, -0,8$
6. a) 1,9 cm b) 1,1 cm c) 4,8 cm d) 4,1 cm
7. a) npr.: 3, 14, 45 b)  $-3; -1,7; -\frac{7}{8}$  c) ne
8. a) N b) P c) N d) N e) P f) P
9. a)  $-9\frac{2}{3}, -10\frac{1}{3}, -11, -11\frac{2}{3}, -12\frac{1}{3}, -13, -13\frac{2}{3} \dots$  za  $\frac{2}{3}$  v levo  
b)  $-16, -32, -64, -128, -256, -512, -1024 \dots$  predhodno število pomnoži z 2  
c)  $4, 2, 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{8}, \dots, x_1 = 64, x \in \mathbb{Z}$
10. Ne,  $S(-0,4)$
- 
11.  $-\frac{4}{5}, -\frac{3}{4}$
12. a)

$T [^{\circ}\text{C}]$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	20	50	63	100
$T [^{\circ}\text{F}]$	32	33,8	35,6	37,4	39,2	41	42,8	44,6	46,4	48,2	50	68	122	145,4	212

$T [^{\circ}\text{C}]$	0	-1	-2	-3	-4	-5	-6	-7	-8	-9	-10	-11	-12
$T [^{\circ}\text{F}]$	32	30,2	28,4	26,6	24,8	23	21,2	19,4	17,6	15,8	14	12,2	10,4

$T [^{\circ}\text{C}]$	-13	-14	-15	-16	-17	-18
$T [^{\circ}\text{F}]$	8,6	6,8	5	3,2	1,4	-0,4

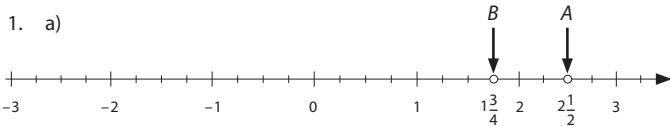
b)  $-20^{\circ}\text{C} = -4^{\circ}\text{F}$ ,  $-25^{\circ}\text{C} = -13^{\circ}\text{F}$ ,  $-50^{\circ}\text{C} = -58^{\circ}\text{F}$ ,  $-100^{\circ}\text{C} = -148^{\circ}\text{F}$

c)  $y^{\circ}\text{F} = x^{\circ}\text{C} \cdot 1,8 + 32$

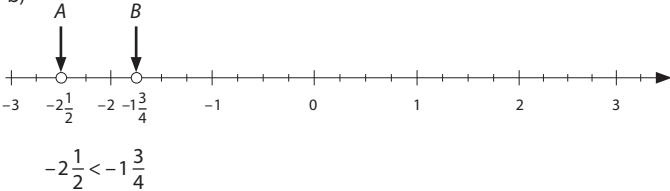
č)  $x^{\circ}\text{C} = ((y^{\circ}\text{F}) - 32) : 1,8$

## 1.3. Urejanje racionalnih števil

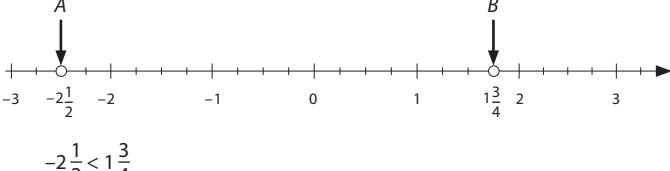
1. a)



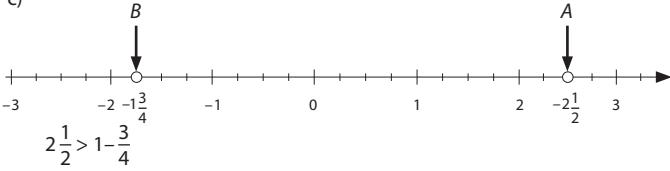
b)



c)



č)



2. a)  $-2 < 5$  b)  $-13 > -17$  c)  $-8 < 8$  d)  $3 > -5$   
d)  $-\frac{1}{5} < 0$  e)  $2,8 > 0$  f)  $-0,5 = -\frac{1}{2}$  g)  $0,25 > -\frac{1}{4}$
3. a)  $-6 < -5 < -3 < 0 < 2 < 4 < 7$   
b)  $-20 < -14 < -12 < -8 < 8 < 15 < 27$
4. a)  $73 > 42 > 23 > 16 > -1 > -23 > -37$   
b)  $102 > 93 > 75 > -61 > -89 > -96 > -103$
5. Napačne izjave so b, d, e; popravljene so  $3 < 7$ ,  $-3 > -7$ ,  $-7 < 3$
6. a)  $-400 < -209 < -155 < -28 < -27$ ; Mrtvo morje, Genezareško jezero, jezero Assal, Kaspijsko jezero, jezero Enriquillo
7. a)  $-2,4 < -2,4 < -1,6 < -0,3 < 0,1 < 0,5 < 1,3$   
b)  $-13,8 < -13,59 < -6,27 < 6,21 < 12,23 < 12,3$   
c)  $-\frac{7}{4} < -\frac{1}{2} < -\frac{1}{8} < \frac{1}{4} < \frac{9}{8} < \frac{3}{2}$   
č)  $-\frac{7}{2} < -\frac{7}{3} < -\frac{7}{5} < -\frac{7}{11} < \frac{7}{8} < \frac{7}{6} < \frac{7}{4}$
8. Tališče  $-38,83^{\circ}\text{C}$ , vrelišče  $356,73^{\circ}\text{C}$ , razlika med obema temperaturama je  $395,56^{\circ}\text{C}$ .
9. Vstavimo števke 7, 8, 9.

## 1.4. Nasprotna vrednost

1.  $-(-5) = 5; -(-3) = 3; -(0) = 0; -(1) = -1; -(4) = -4; -(7) = -7$

2.

Število	11	-37	-77	<b>-29</b>	41	0	-145	230
Nasprotna vrednost	-11	37	77	29	-41	0	145	-230
Obratna vrednost	$\frac{1}{11}$	$-\frac{1}{37}$	$-\frac{1}{77}$	$-\frac{1}{29}$	$\frac{1}{41}$	-	$-\frac{1}{145}$	$\frac{1}{230}$

3. npr.: 7 in  $-7$ ; 3,5 in  $-3,5$ ;  $\frac{5}{8}$  in  $-\frac{5}{8}$

4.

Število	3	-1,2	-2	$\frac{1}{3}$	0	$2\frac{1}{2}$	$n$	$-t$
Nasprotno število	-3	1,2	2	$-\frac{1}{3}$	0	$-2\frac{1}{2}$	$-n$	$t$
Obratna vrednost	$\frac{1}{3}$	$-\frac{10}{12}$	$-\frac{1}{2}$	3	-	$\frac{2}{5}$	$\frac{1}{n}$	$-\frac{1}{t}$

5. b, c, d, č

6. a) 4

b) Za pozitivno vrednost moramo vpisati najmanj dva minusa, za negativno vrednost najmanj en minus.

7. a) negativen b) pozitiven c) ga nima

8. a)  $-c = -9$  b)  $-n = 6$  c)  $m = 3$  č)  $t = -5$

9. a) 3 b) -7 c) 5,3 č) -2,7

10. Glej miselni vzorec na strani 27.

11. Dano število; če je dano število 5, je  $-(-5) = 5$ .

12. -6

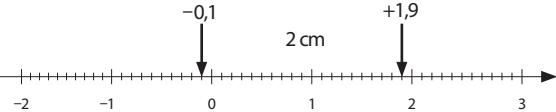
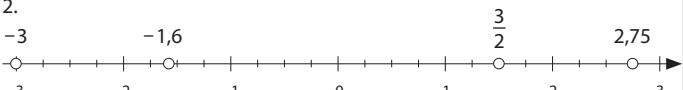
13. a) 0 b) 1,7 in  $-1,7$

## 1.5. Absolutna vrednost

1. /

2.  $|-5| = 5$     $|-3| = 3$     $|0| = 0$     $|1| = 1$     $|4| = 4$     $|7| = 7$

# REŠITVE

3.	<table border="1"> <tr> <td>Število</td><td>11</td><td>23</td><td>-37</td><td>-77</td><td>0</td><td>-145</td><td>-29, 29</td><td>-41, 41</td><td>-230, 230</td></tr> <tr> <td>Absolutna vrednost</td><td>11</td><td>23</td><td>37</td><td>77</td><td>0</td><td>145</td><td>29</td><td>41</td><td>230</td></tr> <tr> <td>Nasprotna vrednost</td><td>-11</td><td>-23</td><td>37</td><td>77</td><td>0</td><td>145</td><td>29, -29</td><td>41, -41</td><td>230, -230</td></tr> <tr> <td>Obratna vrednost</td><td><math>\frac{1}{11}</math></td><td><math>\frac{1}{23}</math></td><td><math>-\frac{1}{37}</math></td><td><math>-\frac{1}{77}</math></td><td>-</td><td><math>-\frac{1}{145}</math></td><td><math>-\frac{1}{29}, \frac{1}{29}</math></td><td><math>-\frac{1}{41}, \frac{1}{41}</math></td><td><math>-\frac{1}{230}, \frac{1}{230}</math></td></tr> </table>	Število	11	23	-37	-77	0	-145	-29, 29	-41, 41	-230, 230	Absolutna vrednost	11	23	37	77	0	145	29	41	230	Nasprotna vrednost	-11	-23	37	77	0	145	29, -29	41, -41	230, -230	Obratna vrednost	$\frac{1}{11}$	$\frac{1}{23}$	$-\frac{1}{37}$	$-\frac{1}{77}$	-	$-\frac{1}{145}$	$-\frac{1}{29}, \frac{1}{29}$	$-\frac{1}{41}, \frac{1}{41}$	$-\frac{1}{230}, \frac{1}{230}$
Število	11	23	-37	-77	0	-145	-29, 29	-41, 41	-230, 230																																
Absolutna vrednost	11	23	37	77	0	145	29	41	230																																
Nasprotna vrednost	-11	-23	37	77	0	145	29, -29	41, -41	230, -230																																
Obratna vrednost	$\frac{1}{11}$	$\frac{1}{23}$	$-\frac{1}{37}$	$-\frac{1}{77}$	-	$-\frac{1}{145}$	$-\frac{1}{29}, \frac{1}{29}$	$-\frac{1}{41}, \frac{1}{41}$	$-\frac{1}{230}, \frac{1}{230}$																																
4.	<table border="1"> <tr> <td>Število</td><td>4</td><td>-3</td><td>2,5</td><td><math>-1\frac{5}{7}</math></td><td><math>3\frac{5}{7}</math></td><td>a</td><td>-b</td><td>5, -5</td><td>1,8; -1,8</td><td><math>\frac{5}{6}, -\frac{5}{6}</math></td><td><math>x, -x</math></td></tr> <tr> <td>Absolutna vrednost</td><td>4</td><td>3</td><td>2,5</td><td><math>1\frac{5}{7}</math></td><td><math>3\frac{5}{7}</math></td><td>a</td><td>b</td><td>5</td><td>1,8</td><td><math>\frac{5}{6}</math></td><td>x</td></tr> </table>	Število	4	-3	2,5	$-1\frac{5}{7}$	$3\frac{5}{7}$	a	-b	5, -5	1,8; -1,8	$\frac{5}{6}, -\frac{5}{6}$	$x, -x$	Absolutna vrednost	4	3	2,5	$1\frac{5}{7}$	$3\frac{5}{7}$	a	b	5	1,8	$\frac{5}{6}$	x																
Število	4	-3	2,5	$-1\frac{5}{7}$	$3\frac{5}{7}$	a	-b	5, -5	1,8; -1,8	$\frac{5}{6}, -\frac{5}{6}$	$x, -x$																														
Absolutna vrednost	4	3	2,5	$1\frac{5}{7}$	$3\frac{5}{7}$	a	b	5	1,8	$\frac{5}{6}$	x																														
5. a) P                    b) N                    c) P                    č) P                    d) N	10. a) npr.: -8, -9, -10 ...																																								
6. Iskani točki sta dve: A in B.	b)																																								
																																									
7. $5\frac{1}{4}$ in $-5\frac{1}{4}$	c) $\mathcal{R} = \{-5, -4, -3, -2, -1\}$																																								
8. <table border="1"> <tr> <td>Število</td><td>4</td><td>-3</td><td>2,5</td><td><math>-1\frac{5}{7}</math></td><td><math>3\frac{5}{7}</math></td><td>-a</td><td>-b</td><td>5, -5</td><td><math>\frac{5}{6}, -\frac{5}{6}</math></td><td>1,8; -1,8</td><td><math>x, -x</math></td></tr> <tr> <td>Absolutna vrednost</td><td>4</td><td>3</td><td>2,5</td><td><math>1\frac{5}{7}</math></td><td><math>3\frac{5}{7}</math></td><td>a</td><td>b</td><td>5</td><td><math>\frac{5}{6}</math></td><td>1,8</td><td>x</td></tr> </table>	Število	4	-3	2,5	$-1\frac{5}{7}$	$3\frac{5}{7}$	-a	-b	5, -5	$\frac{5}{6}, -\frac{5}{6}$	1,8; -1,8	$x, -x$	Absolutna vrednost	4	3	2,5	$1\frac{5}{7}$	$3\frac{5}{7}$	a	b	5	$\frac{5}{6}$	1,8	x	9. a) 9                    b) 6                    c) 3                    č) 5																
Število	4	-3	2,5	$-1\frac{5}{7}$	$3\frac{5}{7}$	-a	-b	5, -5	$\frac{5}{6}, -\frac{5}{6}$	1,8; -1,8	$x, -x$																														
Absolutna vrednost	4	3	2,5	$1\frac{5}{7}$	$3\frac{5}{7}$	a	b	5	$\frac{5}{6}$	1,8	x																														
10. E	11. 1. pravilna možnost: $a = 0, b > 0, c < 0$ 2. pravilna možnost: $a = 0, b < 0, c > 0$ $b$ ne more biti 0, ker potem ulomek ne bi bil definiran. Neenakost ni pravilna za $c = 0, a > 0, b < 0$ in za $c = 0, a < 0, b > 0$																																								
11. a) $x = \{14, -14\}$ b) $\mathcal{R} = \{\}$ c) $z = \{0\}$ č) $x = \{8, -8\}$																																									
d) $y = \{\frac{1}{5}, -\frac{1}{5}\}$																																									
12. npr.: -6, -7, -8 ...																																									
13. npr.: -11, -10, -9, -8, -7 ... 11																																									
14. 4 in -4																																									
15. a) $x = 4, 3, 2, 1, 0, -1, -2, -3, -4$ b) $x = 3, 2, 1, 0, -1, -2, -3$ c) 2, 3, 4 in -2, -3, -4    č) 0, 1    d) -5, -6																																									
16. a) >    b) <    c) <    č) >    d) <    e) =																																									
<b>Preverimo znanje</b>																																									
1. $A(-\frac{1}{2})$	$M(-2)$	$P(1, 9)$	$R(2,7)$																																						
2.																																									
3. <table border="1"> <tr> <td>Število</td><td>-13</td><td>5</td><td><math>\frac{8}{3}</math></td><td>2,4; -2,4</td></tr> <tr> <td>Nasprotno število</td><td>13</td><td>-5</td><td><math>-\frac{8}{3}</math></td><td>-2,4; 2,4</td></tr> <tr> <td>Absolutna vrednost</td><td>13</td><td>5</td><td><math>\frac{8}{3}</math></td><td>2,4</td></tr> <tr> <td>Obratna vrednost</td><td><math>-\frac{1}{13}</math></td><td><math>\frac{1}{5}</math></td><td><math>\frac{3}{8}</math></td><td><math>\frac{10}{24}, -\frac{10}{24}</math></td></tr> </table>	Število	-13	5	$\frac{8}{3}$	2,4; -2,4	Nasprotno število	13	-5	$-\frac{8}{3}$	-2,4; 2,4	Absolutna vrednost	13	5	$\frac{8}{3}$	2,4	Obratna vrednost	$-\frac{1}{13}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{10}{24}, -\frac{10}{24}$																					
Število	-13	5	$\frac{8}{3}$	2,4; -2,4																																					
Nasprotno število	13	-5	$-\frac{8}{3}$	-2,4; 2,4																																					
Absolutna vrednost	13	5	$\frac{8}{3}$	2,4																																					
Obratna vrednost	$-\frac{1}{13}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{10}{24}, -\frac{10}{24}$																																					
4. $-2 > -3;$	$-4 < 2;$	$-1,7 > -7,1;$	$1,9 > -2,1$																																						
5. $-6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$																																									
6. a) 3	b) $+10^\circ C$	c) -5																																							
7. a) P	b) N; ima	c) P	č) N; $\mathbb{N} \in \mathbb{Z}^+$																																						
d) P	e) P	f) P	g) P																																						
8. a) Na nadmorski višini 1600 m.																																									
b) Glede na vremensko napoved, bi bila temperatura $-6^\circ C$ .																																									
c) Višje od 36 00 m.																																									
č) Ne.																																									
9. a) $0,5 \cdot \frac{1}{-\frac{1}{8}} = 0,5 \cdot (-8)$																																									
b) $0,5 : (-(-\frac{1}{8})) = 0,5 : \frac{1}{8}$																																									

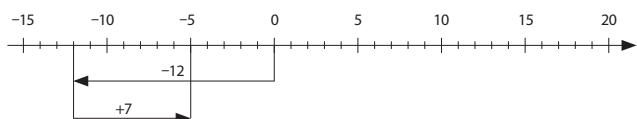
## 2. RAČUNANJE Z RACIONALNIMI ŠTEVILI

### 2.1. Seštevanje racionalnih števil

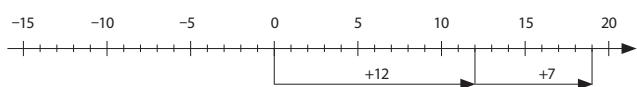
1. a) Predznak prepišemo števili pa seštejemo.

b) Prepišemo predznak števila z večjo absolutno vrednostjo, nato število z manjšo absolutno vrednostjo odštejemo od števila z večjo absolutno vrednostjo.

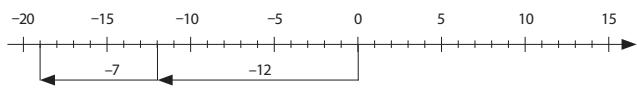
2. a) -5



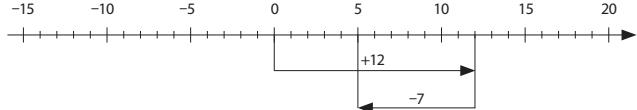
b) 19



c) -19



č) 5



3. a) -12      b) -3

4. a) -21, -15, -9, -3, 3, 9, 15, 21 ...

b) 35, 24, 13, 2, -9, -20, -31, -42 ...

5. a) -15      b) 5      c) 0      č) -4  
d) -8      e) 2      f) -18      g) 10

6. a) -33      b) -35      c) -79      č) 94  
d) -45      e) 41      f) 72      g) 45

7. a) -405      b) 45      c) -324      č) 831

8. a) -1324      b) -6386      c) 1254      č) 0

9. a) -0,5      b) 0,38      c) -0,059      č) 29,48  
d) 3      e) 2,01      f) -0,2      g) 0

10. a)  $-\frac{7}{12}$       b)  $-\frac{1}{6}$       c)  $\frac{13}{8} = 1\frac{5}{8}$       č)  $-\frac{5}{18}$   
d) -1      e)  $\frac{1}{4}$       f)  $-\frac{2}{9}$       g)  $-\frac{12}{35}$

11. a)  $\frac{19}{10} = 1\frac{9}{10}$       b)  $\frac{119}{12} = 9\frac{11}{12}$       c)  $-\frac{25}{8} = -3\frac{1}{8}$       č)  $-\frac{23}{12} = -1\frac{11}{12}$   
d)  $-2\frac{5}{6}$       e)  $2\frac{1}{6}$       f)  $4\frac{19}{20}$       g)  $-1\frac{3}{10}$

12. a) P

b) N, vsota dveh pozitivnih racionalnih števil je pozitivna.

c) N, vsota dveh negativnih racionalnih števil je negativno racionalno število.

č) P

13. a) -6      b) 0      c) 3      č) 0

14. a)  $-15, (+4) - 11, (+5) - 6, (+6) 0, (+7) 7$   
b)  $-117, (+48) - 69, (+36) - 33, (+24) - 9, (+12) 3$

15. a)  $-21^\circ\text{C}$       b) 164,58 €

16.  $(-27) + (+15) = (+15) + (-27)$   
 $-27 + 15 = 15 + (-27)$   
 $-12 = -12$

17. a)  $[(+36) + (-47)] + (+15) = [36 + (-47)] + 15 = -11 + 15 = 4$   
b)  $(+36) + [(-47) + (+15)] = 36 + [(-47) + 15] = 36 + (-32) = 4$

18. Več načinov.

a)  $-12 = -13 + 1$       b)  $7 = 8 + (-1)$       c)  $0 = 2 + (-2)$   
 $-12 = -14 + 2 \dots$        $7 = 9 + (-2) \dots$        $0 = 3 + (-3) \dots$

19. a) negativen      b) 0

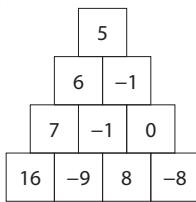
20. a) na primer:  $(-6, 1), (-7, 2), (-8, 3)$

b) na primer:  $(-1, 1), (-2, 2), (-3, 3)$

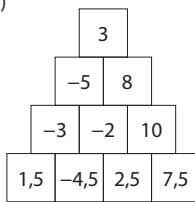
c) na primer:  $(8, 2), (9, 3), (10, 4)$

č) na primer:  $(2, 8), (3, 7), (4, 6)$

21. a)



b)



22. 465 m

### 2.2. Odštevanje racionalnih števil

1. a) -30      b) 30      c) 6      č) -6

2. a) 17      b) 6      c) -8      č) -23

d) 9      e) -18      f) -3      g) 19

3. a) 43      b) 19      c) -137      č) -99

d) 70      e) 65      f) -18      g) -84

4. a) 15,1      b) -2,14      c) -11,7      č) -0,076

d) 2,2      e) 4,1      f) 12,8      g) 5,17

5. a)  $-\frac{1}{7}$       b)  $1\frac{3}{10}$       c)  $-4\frac{17}{24}$       č)  $2\frac{11}{18}$

6. a) 1155 €      b) 56 °C      c) 700 °C      č) 77 let

7. a) 24, 14, 4, -6, -16, -26, -36, -46 ...

b) -9, -17, -25, -33, -41, -49, -57, -65 ...

8. a) 2      b) -23      c) -164

9. a) N, vsota dveh pozitivnih racionalnih števil je večja od njune razlike.  
b) P

c) N, zakona o zamenjavi in združevanju veljata za seštevanje racionalnih števil.

č) P

10. a) -8      b) -48      c) 2      č) -143      d) -181

11. a) -23,5      b) -25,6      c) -10,78      č) -88,945      d) -18,2

12. a)  $-\frac{7}{24}$       b)  $-\frac{9}{12} = -\frac{3}{4}$       c)  $-3\frac{5}{42}$       č)  $-12\frac{29}{30}$       d)  $-33\frac{2}{9}$

13. a) 5      b) -3      c) 8      č) -23      d) -107

14. a) -0,02      b) -1,533      c) -7,66      č) 87,82      d) 9,074

15. a)  $\frac{17}{40}$       b)  $-1\frac{11}{36}$       c)  $-\frac{4}{15}$       č)  $6\frac{17}{20}$       d)  $-2\frac{11}{20}$

### 2.3. Prištevanje in odštevanje vsote – oklepaji

1. a) 25      b) -13      c) 25      č) -392      d) -592

2. a) 14,4      b) 4,53      c) -1,772      č) -1005,7      d) 18,656

3. a)  $-1\frac{1}{20}$       b)  $-1\frac{1}{8}$       c)  $-2\frac{2}{15}$       č)  $-2\frac{34}{45}$       d)  $6\frac{1}{4}$

4. a) -35      b) -25      c) -18      č) -34      d) 64

5. a) 18,1      b) 7,4      c) -4,9      č) -7,3      d) -413,1

6. a)  $3\frac{1}{12}$       b)  $-\frac{25}{48}$       c)  $1\frac{7}{15}$       č)  $-1\frac{4}{9}$       d)  $3\frac{19}{42}$

7. a)  $-\frac{29}{120}$       b) -5,6

8. 36

9.  $-\frac{7}{120}$

10.  $(a - b) - c \neq a - (b - c)$ ,       $a - b - c \neq a - b + c$

11. a)  $a < 0, b > 0, c > 0$       b)  $a > 0, b < 0, c < 0$

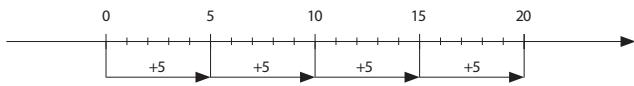
12. Na njenem računu je bilo 15. oktobra 1196,45 €.

### 2.4. Množenje racionalnih števil

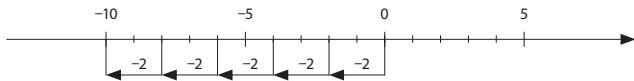
1. a) 10, 5, 0, -5, -10      b) 18, 9, 0, -9, -18      c) -14, -7, 0, 7, 14

# REŠITVE

2. a) 20



b) -10



3. a) 24

b) -24

c) -24

č) 24

d) -72

e) -49

f) -108

g) -275

h) 24 000

i) 24 310

j) -200 625

k) 13 815

4. a) -50,4

b) 119

c) -7,29

č) 6

d) -20,544

e) -2782,5

f) 0,126

g) -1652,4

5. a) -12

b) 21

c) -33

č) -350

d)

$10\frac{1}{2}$

e)  $-\frac{4}{7}$

f) 4

g) -63

h)  $-\frac{1}{3}$

i) -3

j)  $-\frac{17}{200}$

k) -2

6. a) -240

b) 8100

c) -1

č) 0

d) -600 000

7. a) -0,000008

b) 0,24

c) -9

č) -168 480

d) 1350

e) 55,566

8. a)  $\frac{1}{24}$

b)  $-\frac{1}{3}$

c) 1300

č)  $-\frac{1}{15}$

d)  $4\frac{4}{5}$

e) -40

f) -4200

g) 45

č) 0

d) 4200

e) 19,6

f) 0,512

g) -7,14

h)  $\frac{2}{5}$

i)  $-\frac{3}{4}$

j) -75

k) -10

10. Zapisane so le manjkajoče vrednosti v preglednici:

1. faktor: 12, -1,5

2. faktor: -8, -30,  $-\frac{1}{9}$ ,  $-\frac{75}{216}$

Zmnožek: -63, 9,  $-\frac{2}{5}$ , 3

11.  $-1,5x = -9 \Rightarrow x = 6$

12.  $-4\frac{4}{9}x = -2\frac{2}{5} \Rightarrow x = \frac{27}{50}$

13.  $\frac{1}{4}, -\frac{1}{2}, 1, -2, 4$

## 2.5. Deljenje racionalnih števil

1. a) 8

b) -8

c) -8

č) 8

d) -8

e) -7

f) 27

g) -362

h) 25

i) -900

j) 500

k) 0

l) -28

m) 78

n) -14

o) 126

Rezultat je najmanjši v primeru i).

2. a) -0,0046

b) 0,004

c) -4

č) 8

d) -19

e) -9,24

f) -22,8

g) 25

h) -0,625

i) -0,72

j) 0,2

k) 0,77

3. a)  $\frac{3}{10}$

b)  $\frac{2}{75}$

c)  $-\frac{4}{35}$

č)  $-\frac{2}{35}$

d) -20

e)  $-\frac{1}{4}$

f) -30

g) -64

h)  $-\frac{8}{75}$

i)  $\frac{1}{8}$

4. a)  $-\frac{14}{15}$

b)  $\frac{3}{4}$

c)  $\frac{7}{10}$

č)  $-\frac{3}{4}$

d)  $4\frac{1}{2}$

f)  $-\frac{14}{75}$

g)  $-1\frac{1}{5}$

h)  $-\frac{2}{5}$

i) -5

j) 4

K -5 < -1  $\frac{1}{5}$  < - $\frac{14}{15}$  < - $\frac{3}{4}$  < - $\frac{2}{5}$  < - $\frac{14}{75}$  < - $\frac{10}{3267}$  <  $\frac{4}{27}$  <  $\frac{7}{10}$  <  $\frac{3}{4}$  < 4 <  $4\frac{1}{2}$

5. a)  $\frac{3}{5}$

b)  $-\frac{1}{2}$

c) 1

č) 6

6. Zapisane so le manjkajoče vrednosti v preglednici:

Deljenec: 48, -202,5;  $-\frac{1}{16}$

Delitelj: -6, -0,0333;  $-\frac{24}{25}$

Količnik: -5, 0,2;  $-\frac{45}{32}$ ,  $-\frac{5}{25}$

7. a) 18, -360

b) -9, -20

c) -250

č) -10 000

8. a) 4

b) 32

f)  $1\frac{1}{3}$

g)  $-1\frac{13}{15}$

9. Delež vsakega plačnika je 1574 €.

10.  $6\frac{1}{4} : x = -4\frac{13}{15} \Rightarrow x = -1\frac{3}{7}$

11.  $-0,27 : x = -\frac{9}{25} \Rightarrow x = 0,75$

12. a) 0,1 b) 0,1 c) -12 č) -3,5 d) 400

e) -0,087 f)  $11\frac{4}{7}$  g)  $-6\frac{7}{8}$  h)  $\frac{9}{16}$

13. a) 144 b) 160 c) -400 č) 8000 d) -1

e) 10 850 f)  $1\frac{1}{2}$  g)  $-\frac{1}{175}$  h)  $1\frac{95}{256}$

## 2.6. Številski izrazi z racionalnimi števili

1. a) 120 b) -1024 c) 136 č) -16

2. a) -3,6 b) 2,43 c) -1,8 č) 3

3. a)  $2\frac{4}{5}$  b)  $-2\frac{22}{25}$  c)  $4\frac{2}{5}$  č)  $-4\frac{1}{2}$

4. a) -9 b) -20 c) -16 č) -40 d) -101

e) 8 f) -1 g) -18 h) -71 i) 270

j) -154 k) -55 l) 48 m) 4 n) -126

o) -1 p) 14 r) 0 s) -70 š) 50

5. a) >

b) =

6. a) 14,8 b) -14,4 c) -0,16 č) -12,2 d)  $2\frac{2}{5}$

e) -5,64 f) 15,17 g) 0 h) -22,5 i) 40

j) -37,7

7. a) -5 b) -0,35 c)  $-2\frac{17}{36}$

8. a)  $\frac{19}{30}$  b)  $-1\frac{5}{24}$  c)  $-\frac{11}{12}$  č)  $-\frac{9}{20}$  d)  $-1\frac{7}{8}$

e)  $-4\frac{2}{3}$  f)  $-3\frac{3}{4}$  g)  $-\frac{1}{20}$  h)  $\frac{1}{3}$

9. a) 121 b) -941 c) -179 č) 2970

10. a) 57 b) -8,64 c)  $-\frac{14}{15}$  č)  $-\frac{37}{180}$

11. a)  $1\frac{1}{2}$  b)  $-\frac{77}{81}$  c)  $\frac{1}{2}$

12. 1512

13. 2528

14. -3375

15. -118,5

16. 40

17. a) -34 b) 21 c) 20 č)  $\frac{5}{12}$

18. a) -380 b) 70,97 c) 69,7 č)  $-1\frac{185}{756}$

19. a)  $5 \cdot (10 - 18) : 2 = -20$

b)  $(5 \cdot 10 - 18) : 2 = 16$

c)  $5 \cdot (10 - 18 : 2) = 5$

20. a) 75 b) 450 c) 5 č)  $-\frac{84}{130} = -\frac{42}{65}$

21. a) Najhladnejši je bil 3. teden. b)  $-3,4^{\circ}\text{C}$

## 2.7. Reševanje enačb in neenačb

1. a) 2 b) -8 c)  $-\frac{1}{12}$  č)  $-2\frac{1}{6}$

d)  $4\frac{19}{20}$  e)  $-7\frac{7}{18}$  f) 1,3 g) -7,7

2. a) 3 b) 9,1 c)  $\frac{5}{8}$  č)  $8\frac{5}{6}$

d)  $7\frac{1}{10}$  e)  $7\frac{7}{18}$  f) -0,24 g) 9,1

Ekvivalentni enačbi sta b) in g).

3. a) 6 b) -4 c) -15 č) 0,02 d) -5,2

e)  $-1\frac{1}{3}$  f)  $-1\frac{1}{2}$  g) -4

Ekvivalentni enačbi sta b) in g).

# REŠITVE

4. a) 8      b) -45      c) 6      č) -80      d) -160  
e) 1      f)  $-\frac{4}{15}$       g)  $7\frac{1}{2}$

Vse enačbe so imajo drugačno množico rešitev, zato med njimi ni ekvivalentnih enačb.

5. Identični sta enačbi (B) in (Č).

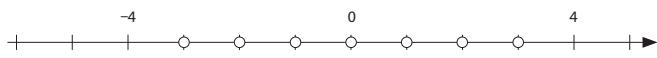
6. a)  $\mathcal{R} = \{-2\}$       b)  $\mathcal{R} = \{0\}$       c)  $\mathcal{R} = \{-\frac{1}{4}\}$   
7. a)  $\mathcal{R} = \{-5, -6, -7, -8 \dots\}$       b)  $\mathcal{R} = \{-5, -4, -3, -2 \dots\}$   
c)  $\mathcal{R} = \{4, 5, 6, 7 \dots\}$       d)  $\mathcal{R} = \{-6, -5, -4, -3, -2, -1, 0\}$   
8. a)  $x - 13 = 5 \Rightarrow x = 8$       b)  $x + 11 = -2,4 \Rightarrow x = -13,4$   
c)  $x \cdot (-1,2) = -0,48 \Rightarrow x = 0,4$       č)  $x : \frac{3}{5} = -1\frac{4}{5} \Rightarrow x = -\frac{27}{25}$   
9. a) 10      b) 37      c) 45      č) 6,3      d) -15,7  
e) 17,43      f)  $1\frac{1}{12}$       g)  $-\frac{11}{48}$

10.  $-7200 : x = -40 + (-16) \Rightarrow x = 128,6$

11.  $-1\frac{1}{6}x = 2\frac{1}{3} - (-8\frac{4}{9}) \Rightarrow x = -9\frac{5}{21}$

12. a)  $x < -3$       b)  $x > -4$       c)  $x \geq 1$       č)  $x > -5$       d)  $x \leq -2880$

13. a) Enačba nima rešitve.  
b)  $-4 < x < 4$



14. Ta enačba se imenuje identična enačba (množica rešitev je  $\mathbb{Q}$ ).

## Preverimo znanje

1. a) 37      b) 16      c) -16      č) -43  
2. a) -47      b) -0,25  
3. a) 0      b) 0  
4. a) 63      b)  $\frac{23}{40}$   
5. a) -600      b) 5,95      c) 77 000  
6. a) -55      b)  $-7\frac{19}{32}$       c) 3  
7. a) -27      b) -45      c) -324      č) -4  
8. -470  
9. a)  $x = -6$       b)  $x = -6$   
Da, enačbi sta ekvivalentni, saj imata enako množico rešitev.  
10. a)  $x \geq -5,3$       b)  $x \geq 4913$   
11. a)  $-\frac{151}{240}$       b)  $1\frac{1}{5}$

### 3. POTENCE

#### 3.1. Potence

1. a)  $5^3 = 125$       b)  $(-4)^4 = 256$       c)  $0,06^3 = 0,000216$   
 č)  $(-1,2)^2 = 1,44$       d)  $\left(\frac{3}{8}\right)^4 = \frac{81}{4096}$       e)  $\left(-\frac{2}{9}\right)^3 = -\frac{8}{729}$   
 f)  $u^6$       g)  $(-a)^4 = a^4$
2. a) 32      b) 343      c) 81      č) 144      d) 64  
 e) -27      f) 1      g) -1      h) -25      i)  $-\frac{1}{512}$

3.

	$2^4$	$(-3)^4$	$-7^3$	$\left(\frac{3}{4}\right)^3$	$\left(-\frac{2}{5}\right)^2$	$0,01^3$	$-\frac{4^2}{9}$	$x^a$	$5^3$	$7^2$	$(-2)^3$
Potenčna osnova	2	-3	7	$\frac{3}{4}$	$-\frac{2}{5}$	0,01	4	x	5	7	-2
Potenčni eksponent	4	4	3	3	2	3	2	a	3	2	3
Vrednost potence	16	81	343	$\frac{27}{64}$	$\frac{4}{25}$	0,000001	16	$x^a$	125	49	-8

4. a) 0,008      b) 0,0009      c) 0,00000001  
 č) 1,21      d) 0,0000000032      e) 0,0144  
 f) 0,343      g) -0,001      h) 0,09
5. a)  $\frac{4}{49}$       b)  $\frac{27}{125}$       c)  $\frac{1}{16}$   
 č)  $-\frac{8}{27}$       d)  $\frac{1}{16}$       e)  $-\frac{9}{7} = -1\frac{2}{7}$   
 f)  $\frac{16}{9} = 1\frac{7}{9}$       g)  $-\frac{343}{8} = -42\frac{7}{8}$
6. a) 1000 – tisoč      b) 100 000 – sto tisoč  
 c) 10 000 – deset tisoč      č) 1000 000 – milijon  
 d) 1000 000 – milijon      e) 100 – sto
7. a)  $34 \cdot 10^3$       b)  $5,62 \cdot 10^9$       c)  $150 \cdot 10^6$       č)  $24 \cdot 10^9$
8. a) 1 500 000      b) 4 500 000 000      c) -2 300      č) 340 000  
 d) 61 300      e) 500
9. a) =      b) =      c) <      č) <      d) >      e) <      f) >      g) <      h) <
10. a)  $x = 5$       b)  $a = 3$       c)  $m = 4$   
 č)  $u = 2$       d)  $n = -3$       e)  $t = 9$
11. a)  $6^2$       b)  $7^2$       c)  $5^3$       č)  $2^5$       d)  $2^3$       e)  $3^3$
12. a) 59049      b) 1331      c) -7776  
 č) 0,000001024      d) 0,000729      e) 2,0736  
 f) -0,16807      g) 0,00000625      h) 1,9487171
13. a) dve      b) štiri      c) dve      č) tri      d) osem      e) deset
14. V četrtem kolenu ima drevo 16 članov.  
 Vseh prednikov na Juretovem drevesu (do četrtega kolena) je  
 $30(2^1 + 2^2 + 2^3 + 2^4 = 30)$ .
15. a) 2      b) 6      c) 9      č) 3      d) 4      e) 6  
 f) 7      g) 3      h) 2      i) 8      j) 9      k) 1
16. a)  $\mathcal{R} = \{-6, 6\}$       b)  $\mathcal{R} = \{\}$       c)  $\mathcal{R} = \{-2\}$   
 č)  $\mathcal{R} = \{-1, 1\}$       d)  $\mathcal{R} = \{-1\}$       e)  $\mathcal{R} = \{3\}$
17. a)  $\mathcal{R} = \mathbb{N}$       b)  $\mathcal{R} = \{\}$       c)  $\mathcal{R} = \{2, 4, 6, 8 \dots\}$   
 č)  $\mathcal{R} = \{1, 3, 5, 7 \dots\}$       d)  $\mathcal{R} = \{3\}$       ni ekvivalentnih
18. a)  $a > 2$       b)  $b < 0$       c)  $c < 1$
19. a) ... 81, 243, 729 ...  $3n$

Vsako naslednje število je trikratnik prejšnjega.

b) ... 512, 2048, 8192 ...  $4n$ 

Vsako naslednje število je štirikratnik prejšnjega.

c) ... 4 · 625, 5 · 3125, 6 · 15625 ...  $n \cdot 5^n$ 

Na n-tem mestu je n-kratnik n-te potence števila 5.

č) ... -32, 64, -128 ...  $(-2)^n$ 

Števila so zaporedne potence števila -2.

20. a) Na prvih osem polj bi moral dati 255 zrn

 $(2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3 + 2^4 + 2^5 + 2^6 + 2^7 = 255)$ .b) Seštejemo vrednosti vseh potenc od  $2^0$  do  $2^{63}$ .

#### 3.2. Množenje in deljenje potenc z enakimi osnovami

1. a)  $2^{12}$       b)  $3^{16}$       c)  $11^{11}$       č)  $4^{14}$       d)  $9^{25}$   
 e)  $7^{17}$       f)  $5^{21}$       g)  $8^{28}$       h)  $6^{45}$
2. a)  $0,8^{11}$       b)  $1,2^{10}$       c)  $(-0,7)^{12}$       č)  $(-3,7)^{14}$   
 d)  $\left(\frac{3}{4}\right)^7$       e)  $\left(-\frac{5}{7}\right)^8$

3. a)  $2^8 = 256$       b)  $3^4 = 81$       c)  $4^5 = 1024$       č)  $(-5)^4 = 625$   
 d)  $(-2)^7 = -128$       e)  $(-6)^3 = -216$       f)  $\left(+\frac{2}{3}\right)^5 = +\frac{32}{243}$       g)  $\left(\frac{1}{2}\right)^6 = \frac{1}{64}$   
 h)  $\left(-\frac{1}{5}\right)^4 = \frac{1}{625}$       i)  $10^7 = 10\ 000\ 000$       j)  $100^3 = 1000\ 000$   
 k)  $10^6 = 1000\ 000$
4. a)  $9^5 \cdot 9^2$       b)  $3^3 \cdot 3^8$       c)  $(-2)^2 \cdot (-2)^7$   
 č)  $4^2 \cdot 4$       Možne so tudi druge rešitve.
5. a)  $8^6$       b)  $6^{11}$       c)  $312^2$       č)  $35^2$       d)  $(-3,7)^4$   
 e)  $u^8$       f)  $9^4$       g)  $(-10)^6$
6. a)  $3^3 = 27$       b)  $2^6 = 64$       c)  $6^2 = 36$       č)  $4^2 = 16$   
 d)  $(-0,5)^3 = -0,125$       e)  $\left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25}$       f)  $(-1,2)^2 = 1,44$   
 g)  $(-0,2)^5 = -0,00032$       h)  $\left(-\frac{1}{3}\right)^3 = -\frac{1}{27}$       i)  $11^2 = 121$   
 j)  $(-9)^3 = -729$       k)  $0,3^3 = 0,027$
7. a)  $x = 2$       b)  $a = 3$       c)  $u = 5$       č)  $m = 7$       d)  $n = 6$       e)  $t = 1$
8. a)  $x = 4$       b)  $a = 12$       c)  $u = 1$       č)  $m = 5$   
 d)  $n = 7$       e)  $t = 5$       f)  $n = 7$       g)  $n = 8$
9. 125-krat večja (Potence smo delili;  $5^{12} = 5^9 \cdot 5^3$ )
10. a)  $\frac{1}{25}$       b)  $\frac{1}{27}$       c)  $\frac{1}{1} = 1$       č)  $\frac{1}{0,04} = 25$       d) 16  
 e) 216      f) 1      g)  $\frac{1}{16}$       h) 0,09      i) 16  
 j) 9      k)  $\frac{1}{9}$       l) -5      m) 1
14. a)  $x = -5$       b)  $m = 6$       c)  $a = -2$
15. a)  $2^7 = 128$       b)  $3^5 = 243$       c)  $(-2)^7 = -128$
16. a)  $u^5$       b)  $a^8$       c)  $x^{-3}$       č)  $x^6$       d)  $a^{-9}$       e)  $b^3$   
 f)  $4x^2$       g)  $3a^4$       h)  $4b^{-5}$
17. a)  $9^2 = 3^4$       b)  $(-2)^3$       c)  $5^4 = 25^2$       č)  $(-2)^7$   
 18. 20-krat večja. Obe masi smo delili.

#### 3.3. Potenciranje produkta in količnika

1. a)  $2^6 \cdot a^6$       b)  $6^3 \cdot x^3$       c)  $5^4 \cdot x^4 \cdot y^4$   
 č)  $(-3)^3 \cdot a^3$       d)  $0,2^5 \cdot u^5$       e)  $\left(\frac{2}{3}\right)^2 \cdot m^2$
2. a)  $\frac{a^3}{64}$       b)  $\frac{25}{x^2}$       c)  $\frac{a^4}{b^4}$       č)  $\frac{m^a}{n^a}$       d)  $\frac{8 \cdot x^3}{27}$       e)  $\frac{4 \cdot a^2}{25}$
3. a)  $6^3 = 216$       b)  $10^6 = 1000000$       c)  $20^5 = 3200000$   
 č)  $(-100)^4 = 100000000$       d)  $(-2)^7 = -128$       e)  $100^3 = 1000000$   
 f)  $\left(\frac{3}{10}\right)^5 = \frac{243}{100000}$       g)  $3^4 = 81$       h)  $\left(-\frac{3}{2}\right)^3 = -\frac{27}{8}$       i)  $8^3 = 512$   
 j)  $500^2 = 250000$       k)  $10^5 = 100000$

# REŠITVE

4. a)  $1000^3$  (9 ničel) b)  $10000^4$  (16 ničel) c)  $10^5$  (5 ničel)
5. a)  $3^4 = 81$  b)  $5^3 = 125$  c)  $2^6 = 64$
- č)  $\left(-\frac{1}{2}\right)^3 = -\frac{1}{8}$  d)  $20^4 = 160000$  e)  $0,2^3 = 0,008$
6. a)  $256$  b)  $729$  c)  $-1$  č)  $\frac{1}{256}$  d)  $-\frac{1}{8192}$  e)  $32$
7. a)  $3^4 = 81$  b)  $(-2)^{12} = 4096$  c)  $(-1)^{35} = -1$  č)  $2^9 = 512$
- d)  $\left(\frac{1}{2}\right)^6 = \frac{1}{64}$  e)  $(-10)^{10} = 10000000000$  f)  $2^6 = 64$
8. a)  $(5^3)^{12}$  b)  $(5^6)^6$  c)  $(5^9)^4$  č)  $(5^2)^{18}$  d)  $((5^3)^6)^2$
9. a)  $\frac{9 \cdot x^6}{4 \cdot y^2}$  b)  $\frac{-a^6 \cdot b^9}{c^6}$  c)  $\frac{243 \cdot a^{20} \cdot v^{15}}{x^{15}}$  č)  $\frac{15625 \cdot a^{18} \cdot b^{36}}{c^{12}}$  d)  $\frac{9b^2}{100a^2}$
- e)  $\frac{4z^6}{81x^4y^8}$
10.  $2^5$  in  $2^6$ ;  $2^{n-1}$
11.  $256$  in  $65536$ ;  $4^{n-1}$

## 3.4. Kvadriranje racionalnih števil

1. a) 49; 121; 64; 289; 9; 81; 1  
b) 0,25; 0,0004; 0,36; 0,0169; 0,000016; 2,25; 3,24; 0,01  
c) 1600; 1210000; 49000000; 90000; 4000000; 10000  
č)  $\frac{9}{25}; \frac{144}{361}; \frac{1}{9}; \frac{225}{49}; \frac{576}{256}$   
d)  $9x^2; 49a^2; 1,69y^2; 0,81m^2; 144x^2y^2z^2$
2. a)  $144 \text{ cm}^2$  b)  $73,96 \text{ dm}^2$  c)  $0,0016 \text{ m}^2$
3. Ploščina tlora je  $13,69 \text{ m}^2$ .
4. a, č, e, f, g
5. a) 1024; 173889; 263169; 65536; 108241; 788544; 4225  
b) 0,042849; 0,007056; 0,8836; 32,7184; 376,36; 57,76; 1108,89  
c) 11696400; 56250000; 184960000; 790321000000; 240100; 756900; 2883690000
6. a) Č b) Č c) A
7. a) 810000 b) 2,56 c) 2,89  
č) 0,000196 d) 11025 e) 23,04  
f) -361 g) -1,69
8. a) 12,6736 b) 1267,36 c) 12673600000  
č) 0,126736 d) 0,0000126736 e) 1267360000000
9.  $52,1^2 = 2714,41$
10. a) > b) > c) = č) <

$$11. 5^2 = 25; 15^2 = 225; 25^2 = 625; 35^2 = 1225; 45^2 = 2025 \dots$$

$$(a \cdot 10 + 5)^2 = (a \cdot (a + 1)) \cdot 100 + 25$$

12. a) Kvadrat števila, ki se končuje z 2, se konča na 4.

- b) pri enici 1 se kvadrat konča na 1;  
c) pri enici 2 se kvadrat konča na 4;  
d) pri enici 3 se kvadrat konča na 9;  
e) pri enici 4 se kvadrat konča na 6;  
f) pri enici 5 se kvadrat konča na 5;  
g) pri enici 6 se kvadrat konča na 6;  
h) pri enici 7 se kvadrat konča na 9;  
i) pri enici 8 se kvadrat konča na 4;  
j) pri enici 9 se kvadrat konča na 1;  
k) pri enici 0 se kvadrat konča na 0.

93	$100 - 93 = 7$	$93 - 7 = 86$	$7^2 = 49$	$93^2 = 8649$
97	$100 - 97 = 3$	$97 - 3 = 94$	$3^2 = 9$	$97^2 = 9409$

## 3.5. Kvadratni koren racionalnega števila

1.  $a = 2 \text{ cm}, o = 8 \text{ cm}$   
 $a = 5 \text{ cm}, o = 20 \text{ cm}$   
 $a = 6 \text{ cm}, o = 24 \text{ cm}$   
 $a = 4 \text{ cm}, o = 16 \text{ cm}$   
 $a = 1 \text{ cm}, o = 4 \text{ cm}$   
 $a = 7 \text{ cm}, o = 28 \text{ cm}$
2. Izbral je število 9. Računska operacija je korenjenje.
3. a) 8 b) 12

4. 3; 5; 11; 13; 15; 17; 20; 25; 43
5. 2,65; 3,32; 3,87; 6,86; 11,53; 16,4; 24,27; 41,4; 67,68
6. 0,7; 1,3; 1,6; 0,04
7. a) 110; 300; 90; 200 b)  $\frac{6}{7}; \frac{4}{9}; \frac{5}{12}; \frac{1}{10}; \frac{7}{9}$
8. Naloga ima dve rešitvi.  
a)  $x \in \{-6, 6\}$  b)  $y \in \{-16, 16\}$  c)  $m \in \{-1 \cdot 2, 1 \cdot 2\}$  č)  $a \in \{-130, 130\}$   
d)  $b \in \{-\frac{3}{7}, \frac{3}{7}\}$
9.  $\sqrt{7}$ ; med 2 in 3,  $\sqrt{11}$  med 3 in 4,  $\sqrt{17}$  med 4 in 5,  $\sqrt{20}$  med 4 in 5  
 $\sqrt{27}$  med 5 in 6  $\sqrt{32}$  med 5 in 6  $\sqrt{60}$  med 7 in 8  $\sqrt{85}$  med 9 in 10  
 $\sqrt{120}$  med 10 in 11
10. a)   
b)   
c)   
d)   
e)   
f)   
g)   
h)   
i)   
j)   
k)   
l)   
m)   
n)   
o)   
p)   
q)   
r)   
s)   
t)   
u)   
v)   
w)   
x)   
y)   
z)
11. a) 12; 10; 12; 12 b) 3,3; 0,6; 0,35  
12. a) 53 b) 5,3 c) 530 č) 0,53  
13. a)  $a = 10 \text{ dm}; o = 40 \text{ dm}$  b)  $a = 1,5 \text{ cm}; o = 6 \text{ cm}$   
c)  $a = 0,04 \text{ m}; o = 0,16 \text{ m}$  č)  $a = 18 \text{ dm}; o = 72 \text{ dm}$   
14.  $3 \cdot \sqrt{3}; 6 \cdot \sqrt{11}; 4 \cdot \sqrt{5}; 2 \cdot \sqrt{2}; 2 \cdot \sqrt{6}; 5 \cdot \sqrt{3}; 2 \cdot \sqrt{11}; 4 \cdot \sqrt{3}; 10 \cdot \sqrt{5}; 1,2 \cdot \sqrt{5}; 0,2 \cdot \sqrt{3}; x \cdot \sqrt{3}$   
15.  $\frac{6 \cdot \sqrt{7}}{7}; \frac{7 \cdot \sqrt{5}}{5}; \frac{11 \cdot \sqrt{3}}{3}; \frac{5 \cdot \sqrt{10}}{2}; \frac{1,3 \cdot \sqrt{3}}{3}; \frac{0,1 \cdot \sqrt{11}}{11}; \frac{3 \cdot \sqrt{5}}{5}; \frac{3a \cdot \sqrt{2}}{2}$

## 3.6. Izrazi s potencami in korenji

1. a)  $(-2)^3 < (-1)^5 < 0 < (-2)^2 < 2^3 < 3^2$   
b)  $-9 < (-2)^3 < (-1)^6 < 4^2 < (-5)^2 < 3^3$   
c)  $(-2)^3 < -\sqrt{25} < 0 < \sqrt{16} < \sqrt{49} < 2^3 < (-3)^2 = \sqrt{81}$   
č)  $-2^6 < -2^3 = (-2)^3 < 2^2 < (-2)^4 < 2^5$   
d)  $-\sqrt{36} < -\sqrt{4} < \sqrt{1} < \sqrt{5} < \sqrt{9} < \sqrt{11} < 3 \cdot \sqrt{2}$   
e)  $-\sqrt{16} \cdot \sqrt{6} < -3 \cdot \sqrt{9} < \sqrt{4} \cdot \sqrt{6} < 5 \cdot \sqrt{2} < 2 \cdot \sqrt{16}$
2. a)  $5^2 + 7^2 = 74; p = 74 \text{ cm}^2$  b)  $9^2 - 3^2 = 72; p = 72 \text{ cm}^2$
3. a) kvadriranje in seštevanje b) seštevanje in kvadriranje  
c) korenjenje, množenje, odštevanje
4. a) < b) > c) > č) > d) <  
e) > f) < g) < h) < i) <
5.  $8; \sqrt{(84 - 20)}$
6. a)  $25^2 + \sqrt{16}$  b)  $\sqrt{(106 - 25)}$  c)  $\sqrt{144} \cdot \sqrt{121}$  č)  $\sqrt{(4^2 + 9)}$
7. a) 41 b) -257 c) -240 č) -472  
d) 39 e) -22 f) 16 g) 52  
h) -1 i) 1 j) -357 k)  $3\frac{15}{16}$   
l) 10 m) 14 n) -29 o) 89  
p) -19 r) -1 s) 153664 š) -2,5  
t)  $\frac{1}{20}$  u) -34 v) 109 z) -100  
ž) 24
8. Da.
9. a) 9 b) 22 c) 1  
10. a) 2 b) 62 c) 304 č) -143  
d) -7,5 e) 0,138 f) 98 g) 18  
h) 5 i) 44 j) -5
11. a)  $\frac{53}{60}$  b) 2 c)  $\frac{18}{15} = 1\frac{1}{5}$  č)  $-\frac{1}{8}$   
12. a) 8, v množico naravnih števil  
b)  $-\frac{17}{19}$ , v množico racionalnih števil  
c) 1, v množico naravnih števil  
č) 1, v množico naravnih števil  
d) -7, v množico celih števil

# REŠITVE

13. a) <      b) >      c) >      č) <  
14. To število je 160.  
15. Da, to velja za vsako naravno število.  
16. 10 metrov

## Preverimo znanje

1. a) 243      b) -125      c)  $\frac{16}{81}$   
2. a)  $7^3 = 343$       b)  $6^2 = 36$       c)  $(-9)^1 = -9$   
3. a) 81      b) 169      c) -49      č) 360000  
d) 0,0009      e)  $\frac{9}{16}$   
4. a) 6      b) 20      c) 0,3      č)  $\frac{2}{5}$   
5. a) 64      b) 64      Vrednosti sta enaki.  
č) 0,3      d) 1,2      e)  $\frac{9}{16}$   
6. a)  $10^4 = 10000$       b)  $1^8 = 1$   
č) 0,3      d) 1,2      e)  $\frac{5}{5}$   
7. a) 2052,09      b) 0,205209      c) 2 052 090 000  
8. a) -78      b) 1  
9. a) -1      b) 125  
10. a)  $2 \cdot \sqrt{5}$       b)  $3 \cdot \sqrt{2}$   
11. a)  $\frac{3 \cdot \sqrt{5}}{5}$       b)  $\frac{5 \cdot \sqrt{8}}{2} = 5 \cdot \sqrt{2}$

## 4. IZRAZI

### 4.1. Izrazi s spremenljivkami

1. a)

$x$	12	4	0	-2	-8
$x - 5$	7	-1	-5	-7	-13

b)

$x$	1	3	0	-3	-10
$2 \cdot x + 7$	9	13	7	1	-13

c)

$x$	6	9	12	-7	-11
$x^2$	36	81	144	49	121

2. b; količino Rokovega denarja.

3. a) -33      b) 25      c) 10

4. a) P      b) N; -5      c) N; -44

5. a)  $3x + 6$       b)  $(a + b) \cdot (-7)$       c)  $(a - 4) + 15$

č)  $7 + \frac{b}{3}$       d)  $(19 - y) \cdot (x + 34)$

6. č

7. a) -3      b) 10      c) 19      č) 18,5      d) 48

Če je  $x$  poljubno pozitivno in  $y$  poljubno negativno število, ali pa, če sta  $x$  in  $y$  negativni števili in je  $|x| < |y|$ .

8. a) Dvakratniku števila  $x$  prištej 3.

b) Trikratnik razlike števil  $a$  in 5.

c) Od vsote kvadrata števila  $b$  in sedemkratnika istega števila odštej  $\frac{3}{4}$ .  
č) Produkt vsote števil  $x$  in 3 ter razlike števil  $y$  in 5.

9. a)  $o = 3c$

b)  $o = 4z$        $p = z^2$

c)  $o = p + 2r$

č)  $o = 4t$        $p = \frac{g \cdot h}{2}$

d)  $o = 2m + 2n$        $p = m \cdot n$

e)  $o = i + j + g + h$        $s = \frac{i+j}{2}$

f)  $o = p + r + s$

10. a) 37      b) 452      c) 9641

č) 21395      d) 804      e) 6029

Če so členi zapisani po zaporednih padajočih potencah  $x$ -sa, so zaporedne števke števila zaporedni koeficienti.

Na mestu, kjer manjka zaporedna potenca  $x$ -sa, je števka 0.

11. a) 1. možnost: število  $ab$  pomeni  $10 \cdot a + b$

2. možnost: število  $ba$  pomeni  $10 \cdot b + a$

b) več možnosti npr. za število def je  $100d + 10e + f$ .

Ostale možnosti:  $dfe$   $edf$   $efd$   $fde$   $fed$

c)  $10^4m + 10^3n + 10^2o + 10p + r$

$n$	-10	-9	-8	-7	-6	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$2n$	-20	-18	-16	-14	-12	-10	-8	-6	-4	-2	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
$2n+1$	-19	-17	-15	-13	-11	-9	-7	-5	-3	-1	1	3	5	7	9	11	13	15	17	19	21

### 4.2. Enočleniki in veččleniki

1.

Izraz	$2 + x$	$x^2$	$8xy$	$-2x$	$\frac{1}{4}a$	20	$a$	$\frac{3+b}{-c}$
Enočlenik DA/NE	NE	DA	DA	DA	DA	DA	DA	NE
Koeficient	/	1	8	-2	$\frac{1}{4}$	20	1	/

2.  $3x, -4x, \frac{1}{2}x, -x$

3.

Enočlenik	Koeficient
a) $3b$	3
b) $-2a$	-2
c) $3x^2y$	3
č) $\frac{3}{4}a^3b^3$	$\frac{3}{4}$
d) $6a^3$	6

4. Koeficient stoji pred spremenljivkami, spremenljivke pa so urejene po abecedi.

5. a) tri; tričlenik

b)  $-x^5 - 3x + 5$ ; tri; tričlenik

c)  $-8g + \frac{1}{2}$ ; dva; dvočlenik

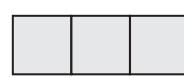
č)  $\frac{1}{30}klm + 3n$ ; dva; dvočlenik

6. a)  $2b^4 - 5b^3 + b^2 - 3b - 1$

b)  $-u^4 + 3,7u^2 + 1$

c)  $-2h^7 - 15e^4 - 13f + 7g$

7. d



b) Vsi izrazi so podobni enočleniki, saj se razlikujejo le po koeficientu.

c) Ne, saj ima pri spremenljivki drugačen eksponent.

č) Ne, pločina ne more zavzemati negativne vrednosti.

d) Da, razlikuje se samo v koeficientu, ki je -1.

9. a)  $2c^3$       b)  $\frac{1}{2}c^3$       c)  $5c^3$

10. a) N. Koeficient enočlenika  $-x$  je -1.

b) P

c) P

č) N. Enočlenika sta si podobna če imata vse spremenljivke enake in z enakimi eksponenti.

d) N. Podobni enočleniki imajo lahko različne koeficiente.

e) N. Koeficiente 1 ne pišemo.

f) N. Enočlenik ima natanko en člen.

11. a)  $o = m + p + r$ ; tričlenik      b)  $p = k \cdot l$ ; enočlenik      c)  $o = 4 \cdot h$ ; enočlenik      č)  $o = 2t + 2p$ ; dvočlenik

12. a)  $x = \frac{y}{5}$ ;  $y = 5x$       b)  $s = r - 6$ ,  $r = s + 6$ ; veččlenika

c)  $b = \frac{a}{4}$ ;  $a = 4b$       č)  $m = 3s$ ,  $s = \frac{m}{3}$

13. a)  $-2,4x^6y^{11}$  koeficient  $-2,4$       b) 2,4      c)  $-\frac{5}{12}$       č) 6      d)  $y^{-5}$

Dolžina	5a	4a	3a	2a	a
Širina	5a	6a	7a	8a	9a
Obseg	20a	20a	20a	20a	20a

### 4.3. Množenje enočlenikov

1. a)  $6xy$       b)  $8a^2$       c)  $28nm$       č)  $20r^2$

2. a)  $64x^3$       b)  $12abc$       c)  $12mn^2$       č)  $15x^2y$

3. a)  $63a$       b)  $60b$       c)  $54c$       č)  $-12d$       d)  $-77e$

e)  $52f$       f)  $g^2$       g)  $j^3$       h)  $t^4$

4. a)  $12xy$       b)  $128z$       c)  $56s^2$       č)  $-6x^7$       d)  $24a^2$

e)  $a^3b^3$       f)  $-10a^2b^3$       g)  $25ab$       h)  $2xy$       i)  $0,03z^2$

j)  $6a^2b^2x^3$

.	7x	-3y	6z
3x	$21x^2$	-9xy	$18xz$
7y	$49xy$	$-21y^2$	$42yz$
-2z	$-14xz$	$6yz$	$-12z^2$

6. a)  $6a^2$       b) P      c)  $20x^6$       č)  $8a^3$

7. a)  $2e^8$       b)  $-8n^4$       c)  $-\frac{2}{5}b^4$       č)  $-\frac{21}{2}mno$

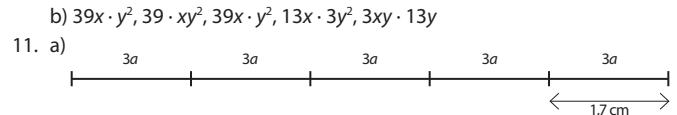
d)  $9a^3b^4c^4$       e)  $-\frac{5}{2}x^5y^4$       f)  $-42u^{10}v^6$

8. a) 5      b)  $2a$       c) -8      č) y      d)  $\frac{1}{4}y$       e)  $\frac{-1}{6xy^5}$

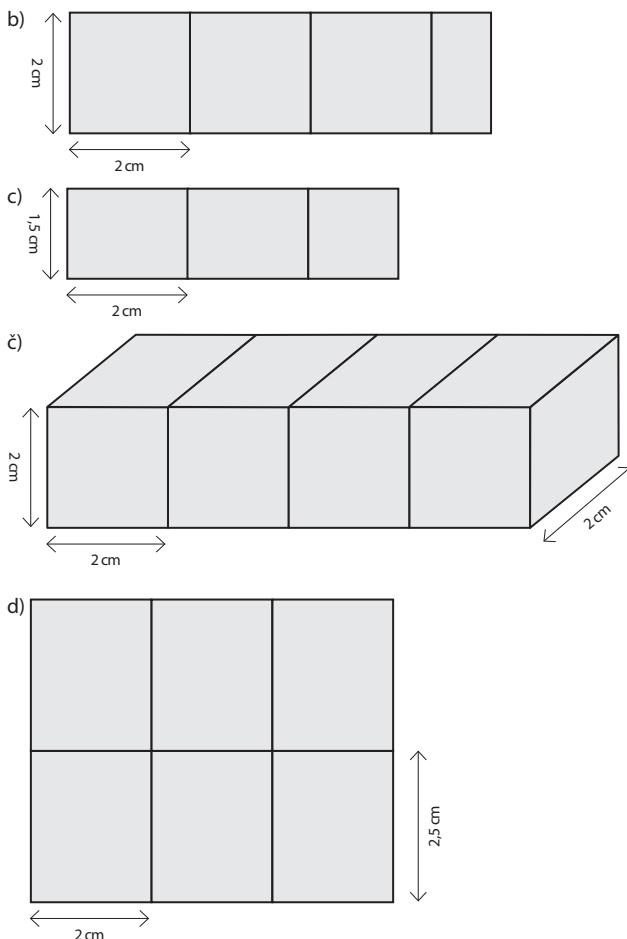
9.  $o = 4 \cdot 3c$        $o = 12c$

10. a)  $6x \cdot x, 2x \cdot 3x, 2x^2 \cdot 3, 6 \cdot x^2, 3 \cdot 2x^2$

b)  $39x \cdot y^2, 39 \cdot xy^2, 39x \cdot y^2, 13x \cdot 3y^2, 3xy \cdot 13y$



# REŠITVE



12.  $x, 5x; 30^\circ, 150^\circ$

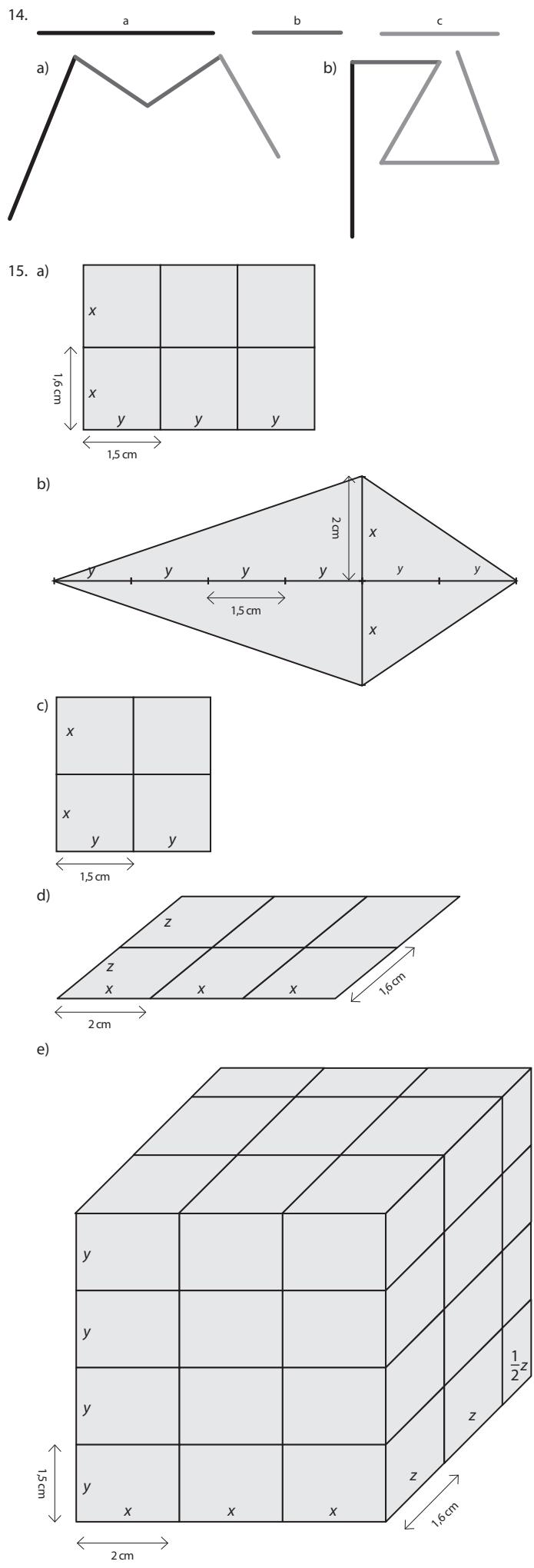
13. a)  $36x$

b)  $6 \leq x \leq 11; \mathcal{R} = \{6, 7, 8, 9, 10, 11\}$

c)  $15x^3$

## 4.4. Seštevanje in odštevanje enočlenikov

1. C
2. a)  $11a$       b)  $30b$       c)  $5c$       č)  $3x$       d)  $-3m$   
e)  $-39g$       f)  $13ab$       g)  $18a^2$       h)  $-5xy$       i)  $12x^2y$   
j)  $\frac{31}{35}x$       k)  $\frac{2}{15}x$
3. a)  $7a + 3b$       b)  $9a + 14b$       c)  $22x + 5$       č)  $4a + 4b$   
d)  $-25x + 99$       e)  $-2m - 3n$       f)  $74x - 25$       g)  $-m + 8n$   
i) 25      h)  $-13m - 10n$
4. a)  $8y$       b)  $8a - 7b$       c)  $-6ab - 5a + 7$   
č)  $12a^2$       d)  $2x^3 + 6x^2 + 7x$
5. a)  $5xy$       b)  $-5m^3$       c) 0      č)  $0,6a^5$       d)  $\frac{1}{8}a^2$       e)  $-\frac{x^2}{8}$
6. a)  $o = 7p$       b)  $o = 2a + 2b$  (pravokotnik, deltoid)  
c)  $o = 8x$  (pravokotnik, kvadrat, romb)
7. a)  $9x$       b)  $16y$       c)  $14e$       č)  $-1t$       d)  $27r$
8. a)  $7a$       b) /      c) /      č) /      d)  $6a$   
e) /      f)  $-9a$       g) /
- Če členi niso podobni, jih ne moremo sešteati (odšteti).
9. a)  $11x + 3y - 4z$       b)  $a^3 + 4a + 4$   
c)  $-83x^2 + 17y^2 + 16$       č)  $12ab + 7a^2b - 9ab^2$   
d)  $7,4a^3 + 0,7a^2 + 1,2a$       e)  $-0,1b^3 + 0,3b^2 - b + 0,2$   
f)  $2,2a^3x + 0,2ax - 4ax^3$       g)  $-\frac{3}{4}a^2b - \frac{3}{8}ab^2$       h)  $x^2y - xy^2$   
i)  $-1,2x - 0,55y$       j)  $\frac{7}{12}x + 2\frac{1}{2}y - 3$
10.  $(8a + 15a) + 2a = 25a$
11. a)  $3x - 5x = -2x$       b)  $x + \frac{x}{4} = 1\frac{1}{4}x$       c)  $\frac{x}{2} - \frac{25x}{100} = \frac{1}{4}x$
12.  $-5a, -4a, -3a, -2a, -1a, 0a, 1a, 2a, 3a, 4a, 5a$
13. a)  $\frac{4,5 \cdot c}{2} = 2,25c$       b)  $\frac{3,5 \cdot x}{2} = 1,75x$       c)  $\frac{a \cdot v_a}{2}$       č)  $\frac{a \cdot b}{2}$



# REŠITVE

16.  $\frac{39a}{4} = 9\frac{3}{4}a$

17.  $\alpha = 45^\circ$        $\beta = 60^\circ$        $\gamma = 75^\circ$

18. a)  $o = 14s$       b)  $a = 12 \text{ cm}, b = 16 \text{ cm}$

## 4.5. Seštevanje in odštevanje veččlenikov

1. a)  $5x - y$       b)  $-4a + 5b$       c)  $2a^2 - 1$       č)  $8x + 4$     d)  $2a - 1$

2. a)  $x - 1 = 2$       b)  $-3x + 4y = -22$       c)  $c + d = -8$

3. a)  $b + 5$       b)  $b - 5$       c)  $-x + 3$

č)  $x - 3$       d)  $-x - 3$       e)  $x + 3$

4. a)  $4a - 5b$       b)  $x + 1$       c)  $-b$       č)  $2x - 2y$

d)  $-2m - 2$       e)  $2a$       f)  $-2n + 3$       g)  $3z - 2$

h)  $-2a - 9$       i)  $x - 13$       j)  $3y + 2$

5. a)  $8x - 5y$       b)  $11a - 2$       c)  $8x + 8$

6. a)  $4a - 8b = 0$       b)  $-2x^2 = -50$       c)  $-14b^2 = -686$

7.  $2x^2 + 2x + 8$

8.  $b = 2a, c = 2a - 5, o = 5a - 5$

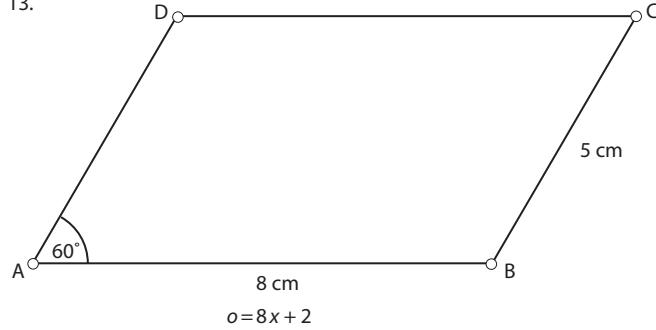
9. 1. št.:  $13 - 8x$ , 2. št.:  $13 + 6x$ , vsota:  $-2x + 26$

10.  $12a^2 - 4ab + 2b^2$

11. osnovnica  $a - 2$ , krak  $a$ ;  $o = 3a - 2$

12.  $11a + 19$

13.



$o = 8x + 2$

14. a) Prva možnost:  $3x + 1, 3x + 1, 4x + 4$

Druga možnost:  $2x + 2, 3x + 3, 5x + 1$

Trečja možnost:  $3x - 5, 4x - 5, 3x + 16$

b) Prva možnost:  $3x, 3x + 1, 4x + 5$

Druga možnost:  $2x, 3x + 5, 5x + 1$

Trečja možnost:  $3x, 4x - 5, 3x + 11$

c) Prva možnost:  $5x, 5x + 1, 5$

Druga možnost:  $7x, 3x + 5, 1$

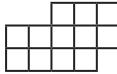
Trečja možnost:  $6x, 4x + 4, 2$

15. a) b      b)  $5x - 5y$       c)  $-5$       č)  $x^2 - x - 2$       d) 1

16. 72,5 kg

17. a) C

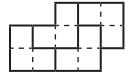
b) Prekrivanje je možno z gradniki A, B, D, E.



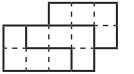
12 gradnikov A



6 gradnikov B



4 gradniki D



3 gradniki E

## 4.6. Množenje veččlenika z enočlenikom

1. a)  $2x + 2y$       b)  $6a - 6b$       c)  $8m - 8n + 8p$       č)  $3x + 6y$

d)  $5x - 5$       e)  $7n - 35$       f)  $3x - 6$       g)  $2a + 6$

h)  $mn - 2n$       i)  $-2s - 2t$       j)  $-9g + 9h$       k)  $-4c + 4d$

l)  $xy + 3x$       m)  $y^2 - 2y$       n)  $6x + 3y - 15$

o)  $-a^2 + ab - 2ac$       p)  $4a - 6b - 8c$       r)  $-2m + 3n - 5o$

2. a)  $5a^2 + 5ab$       b)  $3xy - 3x$       c)  $6m^2 + 4mn$       č)  $-4b^2 + 12b$

d)  $-2x + 3y$       e)  $6e + 18$       f)  $6a^2 - 2a$       g)  $-m^2 - m$

h)  $4x^2 - 12xy + 8xz$       i)  $x^4 - x^3 + x^2$

3. a) 2      b) 3      c) kot veččlenik      d) Štiri člene.

4. a)  $-2a^2b + 2ab^2$       b)  $3x^3 - 9x^2$

c)  $b^3c - 2b^2c^2$       č)  $2a^3b^3 + 3a^2b^4$

d)  $\frac{5}{2}x^5 - \frac{3}{2}x^5y$       e)  $a^2b^2c + a^2bc^2 + ab^2c^2$

f)  $4s^5 + 4s^4t - 4s^3t - 16s^4$

g)  $-6mn^2 + 9m^2n + 3m^2n^2 - 3mn$

h)  $-x^5 + x^4 - x^3 + x^2 - x$

5. a) Enaki kot pri členih veččlenika A.

b) Nasprotni kot pri členih veččlenika A.

6. a)  $5x - 3y$       b)  $7a - 5$

č)  $-2n^2 + 2n$       d)  $-x + y$

f)  $-6a^2 - 14a + 14$

c)  $m + 4$

e)  $6x^2 - 20x + 5$

g)  $-5b + 12$

7. a)  $13a - 6 = -32$

b)  $-2u^2 + 3u + 2 = -7$

c)  $11x - 10y = -31$

č)  $14b - 18 = -11$

d)  $-30y + 30 = 120$

e)  $6y^2 - 5yz - 20y + 3z^2 = 109$

8. a)  $2 \cdot (x + 3) + 2 \cdot 4 = 2x + 14$

b)  $(x + 3) \cdot 4 = 4x + 12$

9. a)  $(2x + 5) + (3x + 2) + (3x + 2) = 8x + 9$

b)  $((2x + 5) \cdot 3x) : 2 = 3x^2 + \frac{15}{2}x$

10. a)  $x^2 + 4xy$       b)  $3 + 4x$       c)  $25 + 10x$       č)  $x + 3y$

d)  $xy + \frac{1}{3}y^2$       e)  $\frac{x}{5} + \frac{4}{9}$

2. faktor	$4x - 6$	$3x - 2y + 5$	1,2
2. faktor	$\frac{2}{5}$	$2a^3b^2$	$0,2xyz$

12. a)  $6a + 4b + 2c$       b)  $30x + 4$

13. a) obseg kvadrata:  $4 \cdot 2a$

obseg pravokotnika:  $2 \cdot (2a + 2a) + 2 \cdot (2a + a)$

b)  $2 \cdot (2a + 2a) + 2 \cdot (2a + a) - (4 \cdot 2a) = 6a$

c) ploščina kvadrata:  $2a \cdot 2a$ , ploščina pravokotnika:  $4a \cdot 3a$

č)  $(4a \cdot 3a) - (2a \cdot 2a) = 8x^2$       d) Tretjina.

14.  $((x + 3) \cdot x) m^2 = (x^2 + 3x) m^2$

15. a)  $-2x + 6$       b)  $-3a^2 + 5a + 9$

c)  $-24b + 106$       č)  $21x^3yz^2 - 34x^2y^2z^3 - 33xy^3z^4 + 48xy^3z^5$

16. obseg trikotnika:  $3 \cdot (6x + 1,3) = 18x + 3,9$

obseg kvadrata:  $2 \cdot (18x + 3,9) = 36x + 7,8$

stranica kvadrata:  $(36x + 7,8) : 4 = 9x + 1,95$

17. 15 m in 5 m ter 15 m in 7 m

18. 30 cm, 32 cm

19. 14

## 4.7. Izpostavljanje skupnega faktorja

1. a)  $3(x + y)$       b)  $7(a - b)$       c)  $5(x - y + z)$

č)  $a(b + c)$       d)  $c(2 + 3d)$       e)  $2(a - 1)$

f)  $a(1 - 3b)$       g)  $x(x + 1)$       h)  $y(1 - y)$

i)  $x(x^2 + 1)$       j)  $y^2(y^2 - 1)$

2. a)  $3(2a - b)$       b)  $4(3x + 4y)$       c)  $5(5a - 4)$

č)  $4(3z + 2)$       d)  $8a(b - 3c)$       e)  $4x(x^2 - 1)$

3. a)  $57(4 + 6) = 570$

b)  $23(22 - 12) = 230$

c)  $68(42 + 58) = 6800$

č)  $35(23 - 28) = -175$

4. c, d, e;  $3x(2a + 3y)$

5. a)  $5(4a + 5b - 6c)$       b)  $4(4x - 3y + 5z)$       c)  $u^2(v + 3)$

č)  $4a(b^2 + 2)$       d)  $9m^2(n + 1)$       e)  $4x^2y(x + 3y)$

f)  $2y(3x + 2z)$       g)  $3a(a + 2b + 4)$       h)  $2x^2(5y - 1)$

i)  $3ab(-3 + 7a)$       j)  $x(x^2 + x + 1)$       k)  $6a^3b^3(5b - 7a^2c)$

6. a)  $-1(x + 5)$       b)  $-1(3 + y^2)$       c)  $-1(-z + 5)$

č)  $-1(2a - 3b)$       d)  $-1(-5m - 7n)$       e)  $-1(2c - 3d + 5e)$

f)  $-1(-x^2 + 4x - 5xy)$       g)  $-1(-4a - 3b + 5c)$

Predznaki se spremenijo.

7. a) 3      b) 3x

c)  $y - 3$       č)  $7a + 2b - 5$

8. a)  $0,8a(3b + 2a - b)$

b)  $0,2ab(a - b)$       č)  $\frac{1}{6}ac(4 - 3b + 5de)$

9. Pravilne so izjave a), c) in e).

10. a)  $4; a$       b)  $6b^2; 4$

c)  $150; 3c$       č)  $15xy; 3y; 3xy$

11. Napačne so izjave a), d) in g).

12. a)  $(9x + 6) \text{ cm}$       b)  $36x + 24$       c)  $54x + 36$

č)  $(54x + 36) - (36x + 24) = 18x + 12 = 6(3x + 2)$

d)  $(27x + 18) + (36x + 24) = 63x + 42 = 21(3x + 2)$

# REŠITVE

13.  $(2x + 6) = 2(x + 3)$

Naloga ima več rešitev, odvisno od zaporedja, ki si ga izmislimo: npr.  
 $(x + 3), 2(x + 3), 3(x + 3) 4(x + 3) \dots$  ali  $2x, 2x + 6, 2x + 12, 2x + 18, 2x + 24 \dots$

14. a)  $2^{-3}, 2^{-2}, 2^{-1}, 2^0, 2^1, 2^2, 2^3$  b)  $2^{+3}$

c)  $2^3 \cdot 2^{-6}, 2^3 \cdot 2^{-5}, 2^3 \cdot 2^{-4} \dots$

15. a)  $2a - 3$  b)  $4ab - 3c$  c)  $\frac{(a - 3ab + 5a^2)}{2}$  č)  $\frac{(4x + 5y)}{2}$

16. a)  $xv + xk + xz$  b)  $x(v + k + z)$  Razlike ni. Povezava zakona o razčlenjevanju in izpostavljanja skupnega faktorja.

17. a)  $12a^2 - 6a - 9 = 3(4a^2 - 2a - 3)$

b)  $40x^2 - 20x = 20x(2x - 1)$

18. a)  $3a + 5b$

b)  $6a^2(2 - 7a)$

c)  $\frac{24a}{8} + \frac{40b}{8} = 3a + 5b$

$\frac{12a^3}{a} - \frac{42a^4}{a} = 12a^2 - 42a^3 = 6a^2(2 - 7a)$

19. 325 in 523

## Preverimo znanje

1. (1, B), (2, C), (3, Č), (4, A)

2. a)  $15a^7$  b)  $8x^7$  c)  $27a^{15}b^3$  č)  $-2b$  d)  $6m - 3$

e)  $-7a^2 + 10a$  f)  $10a - 4b$  g)  $-15c^2 - 18cd + 21c$

h)  $x^4 - x^3 + x^2$  i)  $a^5b^7 - a^6b^{15}$  j)  $a^4b^5c^6 - a^7bc^6$

3. (1, D), (2, Č), (3, E), (4, C), (5, A), (6, B)

4. a)  $8a - 2b$  b)  $-12x + 15$  c)  $-6z + 6$

č)  $a^2 + \frac{3}{4}a - \frac{3}{2}$  d)  $-20x^2 + 20x - 3$

5. a)  $5(4a - 5)$  b)  $7b(2ac + 7)$  c)  $4x(3x + 2)$

Največji skupni faktor	8	10mn	$p^3$	$\frac{1}{2}$	x
------------------------	---	------	-------	---------------	---

7. a) N, odštejemo b) P c) N, številski faktor

č) N, po zakonu o združevanju

8. a) 40,8 b)  $\frac{136}{50} = \frac{68}{25} = 2\frac{18}{25}$

9. a)  $3 \cdot (4x + 3) = 12x + 9$  b)  $(4x + 3) \cdot 3x = 12x^2 + 9x$

10. a) 192 b)  $-2\frac{3}{4}$

11.  $P = 24 \frac{1}{6}x^2$   $V = 6 \frac{1}{4}x^3$

## 5. FUNKCIJE IN RAZMERJA

### 5.1. Koordinatni sistem

1. a)



b)



c)



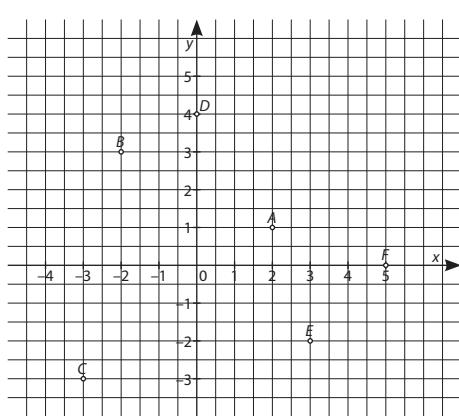
č)



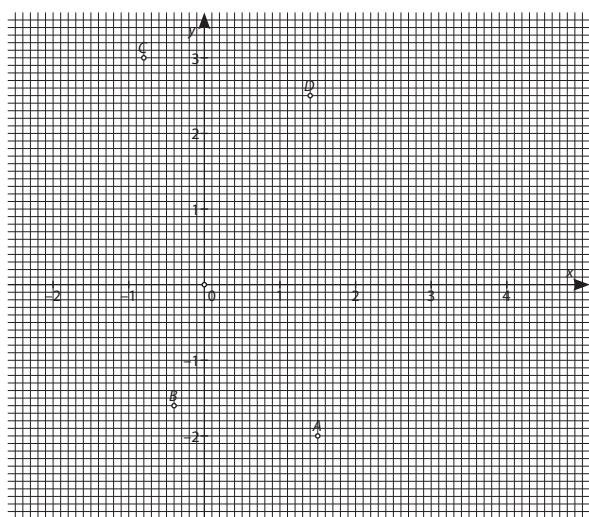
d)



2. a)



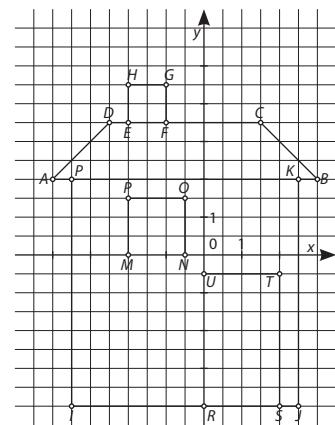
b)



3. a) restavracija (-10, 0), bencinska črpalka (-4, -2), telefonska govorilnica (2, 2), parkirišče (-9, 4)

b)  $F(2, 5)$ ,  $G(4, 1)$ ,  $H(-1, 3)$ ,  $I(-4, 2)$ ,  $J(-3, -2)$ ,  $K(4, -5)$ ,  $L(0, 4)$ ,  $M(3, 0)$ ,  $N(0, -3)$ ,  $P(-4, 0)$

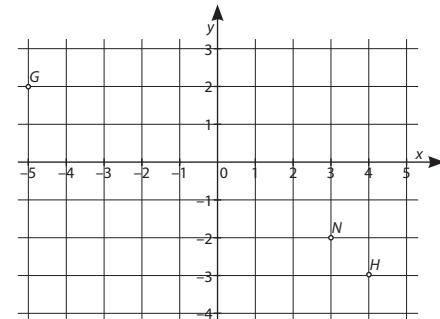
4.



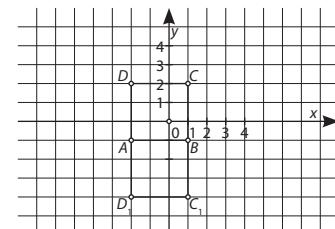
5. a)  $G(-5, 2)$

b)  $N(3, -2)$

c)  $H(4, -3)$



6.

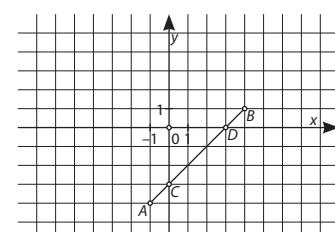


Dve rešitvi:

1.  $C(1, 2); D(-2, 2)$

2.  $C_1(1, -4); D_1(-2, -4)$

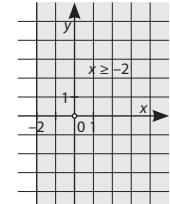
7.



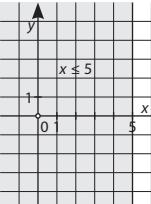
a)  $C(0, -3)$

b)  $D(3, 0)$

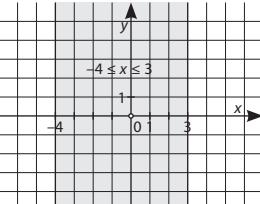
8. a)



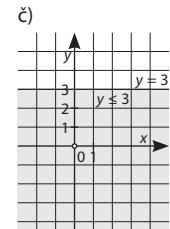
b)



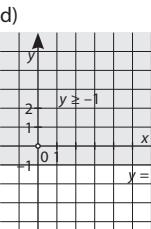
c)



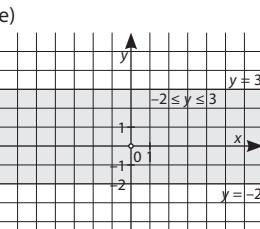
č)



d)



e)



9. a) 1. kvadrant:  $B, G$

3. kvadrant:  $C, E$

b) 2. kvadrant:  $F, H$

4. kvadrant:  $A, D$

10. a)  $D(-3, -1)$

$P(3, 1)$

$M(3, -1)$

# REŠITVE

11.  $a = -3$ ,  $T(0, -4)$   
 12. a)  $A'(-1, -2)$ ,  $B'(-3, 1)$   
 b)  $A''(-1, 2)$ ,  $B''(-3, -1)$   
 c)  $A'''(1, -2)$ ,  $B'''(3, 1)$

## 5.2. Medsebojno odvisne količine

1. Konstantne količine so v primerih a, č, e, f.

2. Medsebojno odvisni sta količini v primerih a, c, č, d, f.

3. Povezave a) in 2 b) in 3 c) in 7 č) in 1

4. a)  $a = 2b$  b)  $a = b + 2$  c)  $a = \frac{b}{2}$  č)  $a = b - 2$

5. (B)

6. (C)

7. (C)

8. (C)

9. a) Odvisni.

b)

x	-4	-2	0	2	4	6
y	-2	-1	0	1	2	3

10. a) Obseg kvadrata o je odvisen od dolžine stranice  $a$ .

b) Ploščina kvadrata  $p$  je odvisna od dolžine stranice  $a$ .

c) Obseg enakostraničnega trikotnika o je odvisen od dolžine stranice  $a$ .

č) Obseg raznostraničnega trikotnika o je odvisen od dolžin stranic  $a, b$  in  $c$ .

d) Obseg enakokrakega trikotnika je odvisen od dolžine krakov in osnovnice.

e) Prostornina kocke  $V$  je odvisna od dolžine roba  $a$ .

f) Prostornina kvadra  $V$  je odvisna od dolžin robov  $a, b$  in  $c$ .

g) Ploščina trikotnika  $p$  je odvisna od dolžine stranice in višine na to stranico.

11. Na primer: čas segrevanja in temperatura, hitrost vožnje in prevožena pot, ploščina pravilnega večkotnika in dolžina stranice, vrednost potence in osnova potence ...

12. Na primer: število cvetov in barva vase, spol in pamet, nadmorska višina in letni čas ...

13. a) Ne.

b) V ponedeljek in torek je izostalo enako število učencev.

V prejšnjem tednu je največ učencev izostalo v petek.

V četrtek so bili vsi učenci prisotni pri pouku.

V ponedeljek sta izostala dva učenca.

V petek so izostali trije učenci.

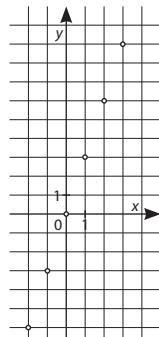
V petek je izostal en učenec več kot v torek.

V sredo je izostal en učenec manj kot v torek.

14. a)

x	-2	-1	0	1	2	3
y	-6	-3	0	3	6	9

b)  $(-2, -6), (-1, -3), (0, 0), (1, 3), (2, 6), (3, 9)$



c)  $y = 3x$

15. a)

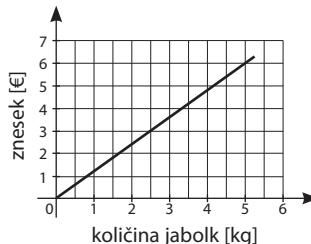
a	-3	-2	-1	0	1	2
b	-9	-7	-5	-3	-1	1

b)  $(-3, -9), (-2, -7), (-1, -5), (0, -3), (1, -1), (2, 1)$

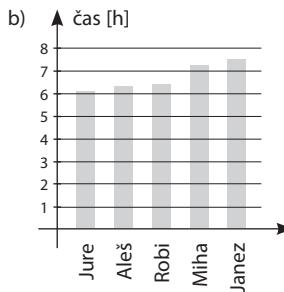
c)  $b = 2a - 3$

16.

Količina jabolk [kg]	Znesek [€]
1	1,20
1,5	1,80
2,83	3,396
3,75	4,50
4	4,80
5,25	6,30



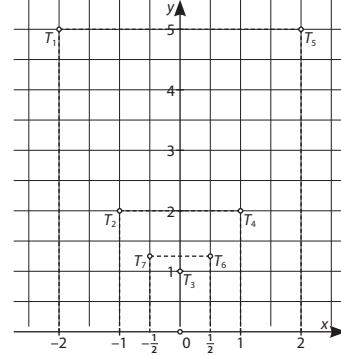
17. a) 6 ur 56 minut



18. a)

x	-2	-1	0	1	2	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$
y	5	2	1	2	5	$1\frac{1}{4}$	$1\frac{1}{4}$

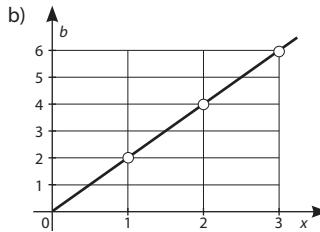
b)  $T_1(-2, 5), T_2(-1, 2), T_3(0, 1), T_4(1, 2), T_5(2, 5), T_6(\frac{1}{2}, 1\frac{1}{4}), T_7(-\frac{1}{2}, 1\frac{1}{4})$



c)  $y = x^2 + 1$

19. a)

x	$\frac{1}{3}$	1	$1\frac{1}{2}$	2	3
a	1	3	$4\frac{1}{2}$	6	9
b	$\frac{2}{3}$	2	3	4	6
o	$3\frac{1}{3}$	10	15	20	30



## 5.3. Premo sorazmerje

1. a, b, e, f
2. Športnik Alen prehodi v 1 uri **7 km**, v 5. urah pa **35 km**.
3. Za 1 kg kruha potrebujemo **900 gramov** moke.
4. V enem avtobusu se je peljalo 52 otrok.
5.  $4 \text{ m}^2$  stane **981,60 €**.
6. Janja je ta mesec zaslužila **500 €**.
7. a) Za 350 km porabi avto **24,5 litrov** bencina.  
b) Avto prevozi z 42 litri bencina **600 km**.
8. Ne. Količnik med zneskom in številom svinčnikov se spreminja – ni stalen. Količniki so: 2; **1,8**; **1,8**; **1,75**; **1,72**
9. 

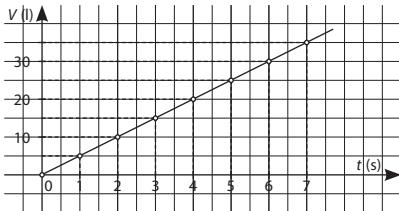
št. zabojev	1	3	5	9	27	<b>2</b>	<b>4</b>	<b>7</b>	<b>8</b>
št. steklenic	12	<b>36</b>	<b>60</b>	<b>108</b>	<b>324</b>	24	48	84	96
10. a) **8,10 €**      b) **9 kg**
11. a) Za 1 kg kruha potrebuje **0,9 kg** moke.  
b) Za 3 kg kruha potrebuje **2,7 kg** moke.  
c) Z 10 kg moke lahko speče **11,11 kg** kruha.
12. Potrebuje  $1\frac{1}{8}$  lončka sladkorja.
13. Več vprašanj:  
Koliko stane ena čokolada v Bonbonku? (**1,28 €**)  
Koliko stane ena čokolada v Čoku? (**1,32 €**)  
Kje je čokolada cenejša? (v Bonbonku)  
Koliko bi stale štiri čokolade v Bonbonku? (**5,12 €**)  
Koliko bi stalo šest čokolad v Čoku? (**7,92 €**)
14. Medsebojno odvisne količine so v primerih: b, c, d, f, g, h, i;  
Premo sorazmerne količine so v primerih: b, f, h, i  
Druga količina se dvakrat poveča: b, f, h, i  
Druga količina se dvakrat zmanjša: c, g
15. 4-članska družina **22 €**      5-članska družina **27,5 €**  
3-članska družina **16,5 €**      2-članska družina **11 €**
16. Za kvadratni meter je cena **50 €**. Špelina mama je plačala **225 €**.

## 5.4. Premo sorazmerje

1. a) Priteče 5, 10, 15, 20, 25, 30 litrov vode.

$t$ (s)	1	2	3	4	5	6
$V$ (l)	5	10	15	20	25	30

$$V = 5 \cdot t$$



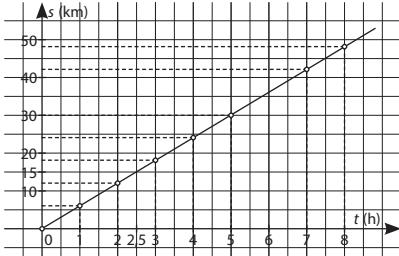
$$V(7) = 35$$

2. a) Kolesar v 1 uri prevozi 6 kilometrov, v 5 urah prevozi 30 kilometrov, v 7 urah pa prevozi 35 kilometrov.

- b) Kolesar prevozi 12 kilometrov v 2 urah, 24 kilometrov prevozi v 4 urah, 48 kilometrov pa prevozi v 8 urah.

$t$ (h)	3	1	5	7	<b>2</b>	<b>4</b>	<b>8</b>
$s$ (km)	18	<b>6</b>	<b>30</b>	<b>42</b>	12	24	48

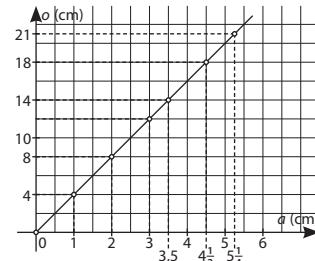
$$s = 6 \cdot t$$



Kolesar prevozi 15 km v 2,5 ure.

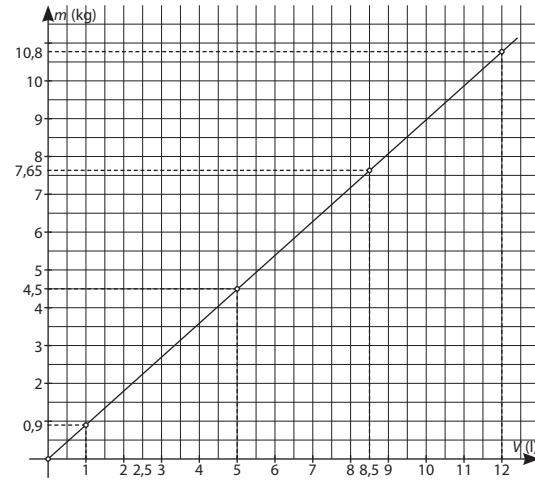
$a$ (cm)	1	2	3	3,5	$4\frac{1}{2}$	5,25
$o$ (cm)	<b>4</b>	<b>8</b>	<b>12</b>	<b>14</b>	<b>18</b>	<b>21</b>

$$o = 4 \cdot a$$



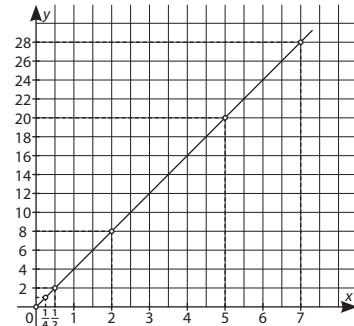
$v$ (l)	1	5	8,5	12
$m$ (kg)	<b>0,9</b>	<b>4,5</b>	<b>7,65</b>	<b>10,8</b>

$$m = 0,9 \cdot V$$

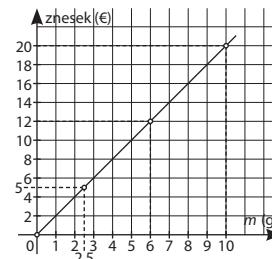


$x$	2	5	7	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$
$y$	<b>8</b>	<b>20</b>	<b>28</b>	<b>2</b>	<b>1</b>

$$y = 4 \cdot x$$



6. a) Za **12 €** dobiš **6 g** srebra, za **5 €** pa **2,5 gramov** srebra.  
b) **10 gramov** srebra stane **20 €**.



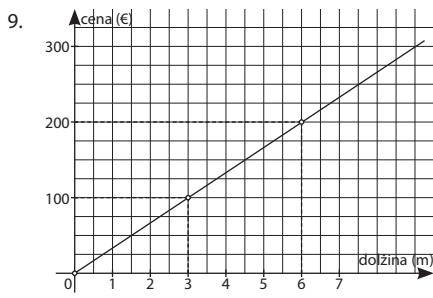
$t$ (h)	8	1	2	3	1,5
Št. lončkov /	4000	500	1000	1500	750

$$I = 500 \cdot t$$

- a) V petih urah stroj izdela **2500 lončkov**.  
b) Stroj izdela 3000 lončkov v **6. urah**.

8. b, d

# REŠITVE



10. a)

$a$	3	<b>2</b>	$\frac{1}{2}$	4
$b$	<b>45</b>	30	<b>7,5</b>	<b>60</b>

$b = 15 \cdot a$

11. a) 2,54 cm  
 12. a) Ne, saj skozi te točke ne moremo narisati premice.  
 b) Ja, saj skozi ti dve točki in koordinatno izhodišče lahko narišemo premici. Enačba premega sorazmerja je  $y = \frac{1}{5}x$ .  
 13. a) Primer: Študentki Teji so obljudili, da bo za delo plačana 5 € na uro. Narisala je graf, iz katerega lahko razbere, koliko plačila dobi glede na čas, ki ga porabi za delo. Ali je pravilno narisala graf?  
 b) Iz grafa lahko ugotoviš, da sta količino premo sorazmerni. Lahko ugotoviš, kolikšen znesek plačila »ustreza« določenemu času, npr. dvema urama ustrezava znesek plačila 10 €, oz. trem uram 15 € plačila ... Ugotoviš lahko tudi, koliko časa je potrebnega za določen znesek, npr. za 20 € je potrebno opraviti štiri delovne ure. Iz grafa lahko razberes enačbo premega sorazmerja:  $y = 5x$ .  
 14. Rdeča premica je graf  $f(x) = \frac{3}{2} \cdot x$ . Koeficient premega sorazmerja:  $k = \frac{3}{2}$ .

x	1	2	3	4
$f(x) = \frac{3}{2} \cdot x$	$\frac{3}{2}$	3	$\frac{9}{2}$	6

Naloga: Babica je na sprehodu in hodi s hitrostjo 1,5 km/h. Koliko časa potrebuje do trgovine, če je trgovina od njenega doma oddaljena 2 kilometra?

Zelena premica je graf  $g(x) = 4 \cdot x$ , koeficient premega sorazmerja:  $k = 4$ .

x	1	2	3	4
$g(x) = 4 \cdot x$	4	8	12	16?

15. /

## Odstotni račun kot premo sorazmerje

1. Ne. Napačno je določil deleže, ker ni upošteval, da so % in pripadajoči deleži premo sorazmerni.

%	5	10	15	20	25	30
Delež	50	100	150	200	250	300

2.

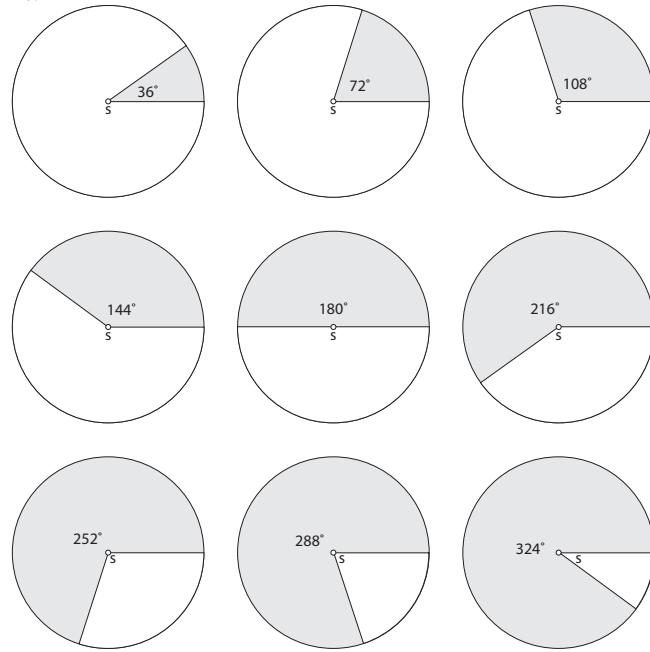
%	1	8	10	35	5	10	13
Delež	12	<b>96</b>	<b>120</b>	<b>420</b>	60	120	156

Celota je vedno 100 %, v tem primeru ji pripada delež 1200.

3. Da opraviš tečaj, moraš odgovoriti na 35 vprašanj.  
 4. a) Žana je prebarvala 15, 45, 75 desk ograje.  
 b) Ograja ima 150 desk.  
 5. a) 50 % je  $180^\circ$   
 b) 33,3 % je  $120^\circ$   
 c) 75 % je  $270^\circ$   
 d) 16,7 % je  $60^\circ$   
 6. a) 6 učencev  
 b) 120 učencev  
 c) 30 učencev  
 č) 102 učenca  
 d) 600 učencev  
 7. Špela je prodala voščilnice za 1100 €.

8. 20 %  
 9. a)  $120^\circ$   
 b)  $240^\circ$

10.



11. Trgovinska cena fotoaparata je 1086 €.  
 12. Knjiga ima 400 strani; prebrati mora še 130 strani.  
 13. Cena je bila januarja nižja kot decembra.

14. a) 12,5 %       $\alpha = 45^\circ$   
 b) 25 %       $\beta = 90^\circ$   
 c) 37,5 %       $\gamma = 135^\circ$   
 č) 50 %       $\delta = 180^\circ$   
 d) 62,5 %       $\epsilon = 225^\circ$   
 e) 75 %       $\omega = 270^\circ$   
 f) 87,5 %       $\pi = 315^\circ$   
 g) 100 %       $\nu = 360^\circ$   
 15. a)  $25x, 36x, 49x, 64x; n^2 \cdot x, n \in N$   
 b)  $729x; 2187x$   
 c) 64 %

## Obratno sorazmerje

1.

$x \cdot y$	12	12	12	12	12	12

2.

$a$	6	3	18	9
$b$	15	30	5	10
$a \cdot b$	90	90	90	90

3. a) Vsak otrok je dobil 3 palačinke.  
 b) Vsak vnuček bi dobil 4 palačinke.  
 4. a) 30 ur      b) 10 ur      c) 30 obiralcev  
 5. 25 dni  
 6. 18 tovornjakov  
 7. 3 goldinarje  
 8.
- | Število delavcev | Čas za opravljenlo delo [h] |
|------------------|-----------------------------|
| 1                | 16                          |
| 2                | 8                           |
| 4                | 4                           |
| 16               | 1                           |
9. Za isto pot bi potreboval 2 uri in pol.  
 10. Vsak je dobil 2 dl čaja.  
 11. a) 24 ur      b) 16 ur      c) 3 cevi

# REŠITVE

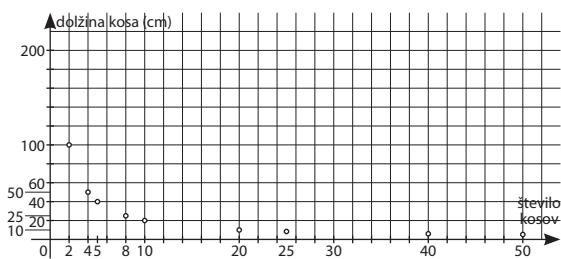
12. 14,40 €  
 13. a) 7,5 ure b) 10 strojev c) 55 000 steklenic č) 105 600 steklenic  
 14. 1 ura 20 minut  
 15. a) 15 stopnic b) 20 cm  
 16. 30. dneh  
 17. Še za 48 dni, skupaj torej za 51 dni.  
 18. 22 strani

Razmak med obroči	30 cm	60 cm	90 cm
Število razmakov	36	18	12
Število klinov	37	19	13

## Grafi in enačbe obratnega sorazmerja

Dolžina kosa (cm)	1	2	4	5	8	10	25	40	50
Število kosov	200	100	50	40	25	20	8	5	4
$I \cdot n$	200	200	200	200	200	200	200	200	200

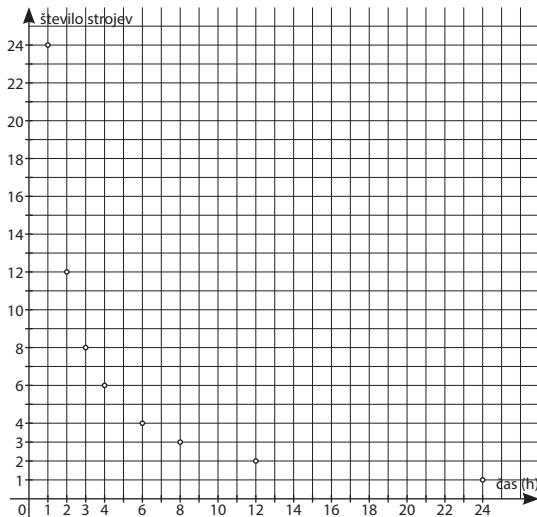
$$I \cdot n = 200$$



2. a) C b) da c)  $x \cdot y = 36$

3. b, c

Čas t (h)	4	24	12	8	4	3	2	1	1	2	3	6	8	12	24
Št. strojev n	6	1	2	3	6	8	12	24	24	12	8	4	3	2	1

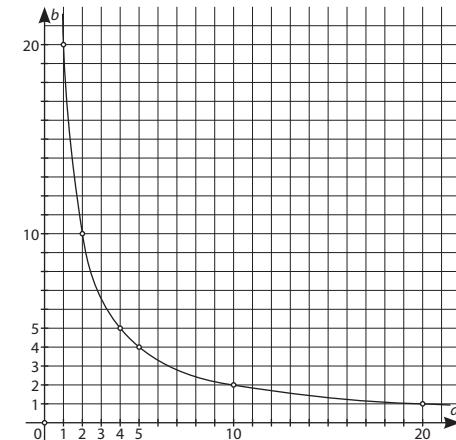


$$t \cdot n = 24$$

č) Pet strojev v 4 h 48 min, 9 strojev v 2 h 40 min.

Število koscev	1	2	4	8	16
Čas (h)	16	8	4	2	1

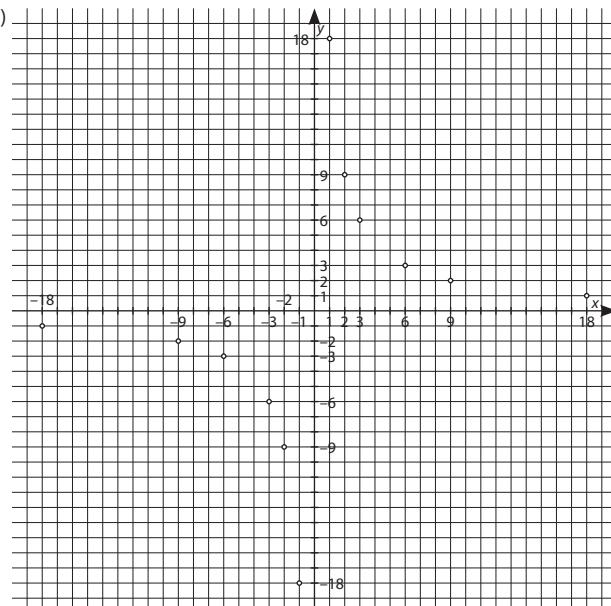
$$6. b \\ a \cdot b = 20$$



x	1	2	3	6	9	18	-1	-2	-3	-6	-9	-18
y	18	9	6	3	2	1	-18	-9	-6	-3	-2	-1
$y \cdot y$	18	18	18	18	18	18	18	18	18	18	18	18

b) obratnem sorazmerju

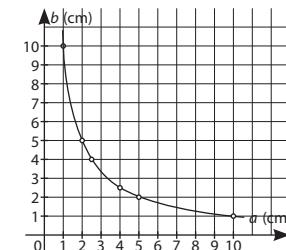
c)



č) Ne, npr.: ker med celima številoma 1 in 2 ni nobenega drugega celega števila.

$$d) x \cdot y = 18$$

8. a)	a (cm)	1	2	2,5	4	5	10
	b (cm)	10	5	4	2,5	2	1

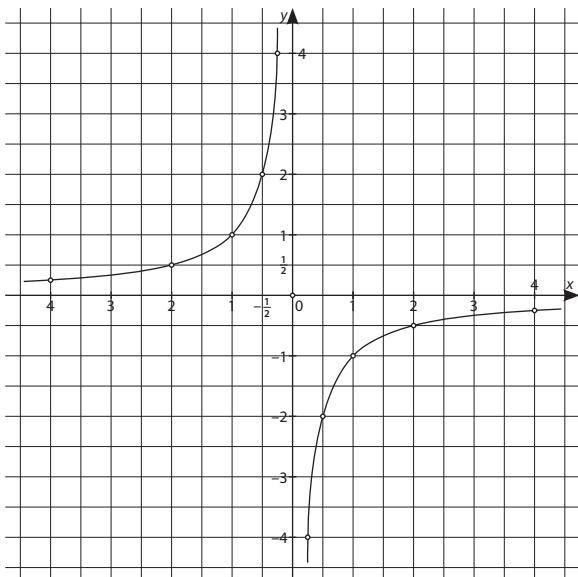


$$a \cdot b = 10$$

9. a) 11,5 cm b) 19 cm c) 13,3 cm č) 14,7 cm d) 18 cm e) 12,3 cm

# REŠITVE

10.	<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td>-1</td><td>-2</td><td>-4</td><td><math>-\frac{1}{2}</math></td><td><math>-\frac{1}{4}</math></td><td>1</td><td>2</td><td>4</td><td><math>\frac{1}{2}</math></td><td><math>\frac{1}{4}</math></td></tr> <tr> <td><math>y</math></td><td>1</td><td><math>\frac{1}{2}</math></td><td><math>\frac{1}{4}</math></td><td>2</td><td>4</td><td>-1</td><td><math>-\frac{1}{2}</math></td><td><math>-\frac{1}{4}</math></td><td>-2</td><td>-4</td></tr> <tr> <td><math>y \cdot y</math></td><td>-1</td><td>-1</td><td>-1</td><td>-1</td><td>-1</td><td>-1</td><td>-1</td><td>-1</td><td>-1</td><td>-1</td></tr> </table>	$x$	-1	-2	-4	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{4}$	1	2	4	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	$y$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	2	4	-1	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{4}$	-2	-4	$y \cdot y$	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
$x$	-1	-2	-4	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{4}$	1	2	4	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$																								
$y$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	2	4	-1	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{4}$	-2	-4																								
$y \cdot y$	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1																								

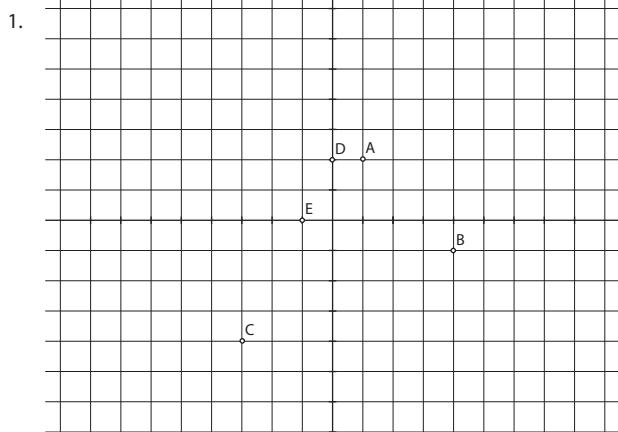


b) Hiperbola je v 1. in 3. kvadrantu, če je produkt pozitiven.

Hiperbola je v 2. in 4. kvadrantu, če je produkt negativen.

11. a) Potni stroški na potovanju stanejo 200 €, ki pa si jih udeleženci potovanja med seboj razdelijo. Koliko znaša strošek za vsakega potnika, če jih potuje 8?
- b) Količini Cena za enega potnika in število potnikov sta obratno sorazmerni. Enačba obratnega sorazmerja je  $x \cdot y = 200$ . Če bi potoval samo en potnik, bi moral plačati 200 €. Če bi potovali štirje potniki, bi bila cena za posameznika štirikrat manjša, 50 €.

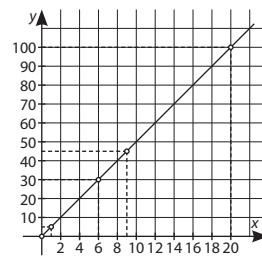
## Preverimo znanje



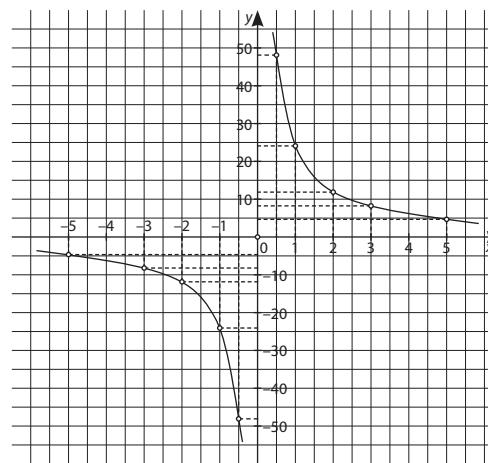
2. a)  $A(2, 2)$ ,  $B(-1, 2.5)$ ,  $C(-2.5, 0)$ ,  $D(-1.5, -1)$ ,  $E(2.5, -1)$ ,  $F(2, 0)$ ,  $G(0, -3)$   
 b)  $A(40, 0)$ ,  $B(70, 0)$ ,  $C(120, 0)$

3. a) Prema odvisnost.  
 b) Obratna odvisnost.  
 c) Količini nista niti premo niti obratno odvisni.  
 č) Prema odvisnost.  
 d) Obratna odvisnost.  
 e) Količini nista odvisni.  
 f) Prema odvisnost.
4. Hrib je bil oddaljen 514,5 metrov.  
 5. V 17 zaboljih je 204 steklenic soka.  
 6. Šola bi za dva takšna reflektorja plačala 138 €.  
 7. Televizor se je podražil za 8 %.  
 8.) a) Kos kovinske palice tehta 0,45 kg.  
     b) Ostanek tehta 0,36 kg.  
 9. Vsak je moral plačati 19,50 €.

10.	<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td>1</td><td>6</td><td><b>9</b></td><td><b>20</b></td><td>1000</td></tr> <tr> <td><math>y</math></td><td><b>5</b></td><td>30</td><td>45</td><td>100</td><td><b>5000</b></td></tr> <tr> <td><math>k</math></td><td>5</td><td><b>5</b></td><td>5</td><td>5</td><td>5</td></tr> </table>	$x$	1	6	<b>9</b>	<b>20</b>	1000	$y$	<b>5</b>	30	45	100	<b>5000</b>	$k$	5	<b>5</b>	5	5	5
$x$	1	6	<b>9</b>	<b>20</b>	1000														
$y$	<b>5</b>	30	45	100	<b>5000</b>														
$k$	5	<b>5</b>	5	5	5														



11.	<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td>2</td><td>3</td><td>5</td><td><b>0,5</b></td><td>100</td></tr> <tr> <td><math>y</math></td><td>12</td><td>8</td><td><b>4,8</b></td><td>48</td><td><b>0,24</b></td></tr> <tr> <td><math>c</math></td><td>24</td><td><b>24</b></td><td>24</td><td>24</td><td>24</td></tr> </table>	$x$	2	3	5	<b>0,5</b>	100	$y$	12	8	<b>4,8</b>	48	<b>0,24</b>	$c$	24	<b>24</b>	24	24	24
$x$	2	3	5	<b>0,5</b>	100														
$y$	12	8	<b>4,8</b>	48	<b>0,24</b>														
$c$	24	<b>24</b>	24	24	24														



$$x \cdot y = 24$$

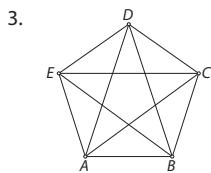
12. 120 strani

13. a) Za graf a velja  $k = 3$ ,  $y = 3x$ .  
 Za graf b velja  $k = 2$ ,  $y = 2x$ .  
 Za graf c velja  $k = 1$ ,  $y = x$ .  
 Za graf d velja  $k = 0,5$ ,  $y = 0,5x$ .  
 Za graf e velja  $k = \frac{1}{4}$ ,  $y = \frac{1}{4}x$ .
- b) Sestrična je v dveh urah izdelala šest zapestnic. Koliko časa potrebuje za deset zapestnic, če jih dela enako hitro kot prvih šest?

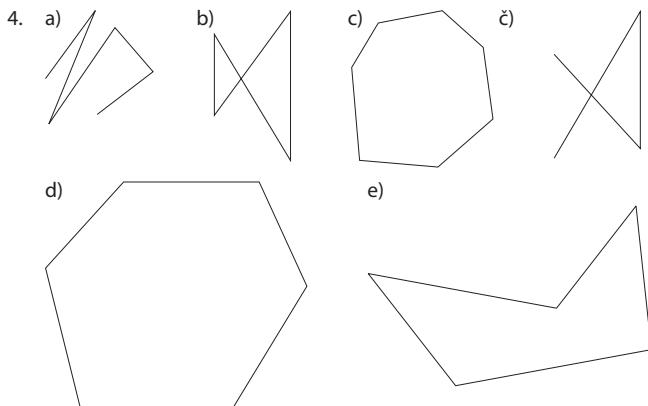
## 6. VEČKOTNIKI

### 6.1. Večkotniki

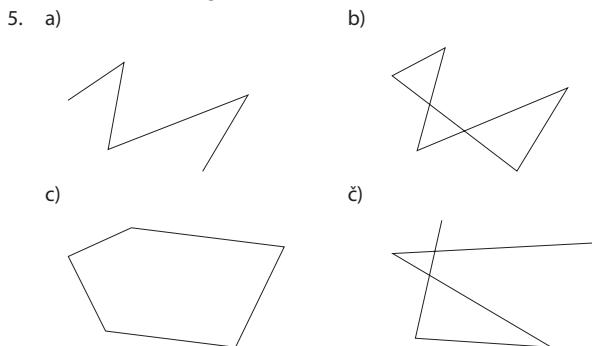
1. b in č
2. a) neenostavna in nesklenjena, 3  
b) neenostavna in sklenjena, 6  
c) enostavna in sklenjena, 6, izbočeni šestkotnik  
č) enostavna in nesklenjena, 5  
d) enostavna in sklenjena, 7, vdrti sedemkotnik



stranice: AB, BC, CD, DE, AE  
diagonale: AC, AD, BD, BE, CE



Možne so tudi druge rešitve.



Možne so tudi druge rešitve.

6. b in c; lika nista sestavljenia iz sklenjene in enostavne lomljence.
7. Notranji kot večkotnika ne more meriti  $180^\circ$ . Ko en notranji kot petkotnika meri  $180^\circ$ , lik postane štirikotnik.
8. Daljico lahko vrišemo likom a, c in č (liki so vdrti). Lik b je izbočen in mu ne moremo narisati takšne daljice.

### 6.2. Diagonale večkotnika

	Število stranic	Število diagonal iz enega oglišča	Število vseh diagonal
Trikotnik	3	/	/
Štirikotnik	4	1	2
Petkotnik	5	2	5
Osemkotnik	8	5	20
Desetkotnik	10	7	35
Petnajstkotnik	15	12	90

2. Šestkotnik ima 9 diagonal, sedemkotnik pa 14.
3. a) 5      b) 9      c) 21      č) 35

4. a) 135      b) 665      c) 4752      č) 64260
5. a) 77      b) 54      c) 135      č) 27
6. Imamo dvajsetkotnik.
7. Štirinajstkotnik.
8. Odigranih je bilo 21 partij.
9. Župan je roko stisnil 16-krat, vseh rokovanj pa je bilo 136.
10. Odigranih je 132 tekem.
11. Imamo petkotnik in osemkotnik.
12. Vsak večkotnik ima za  $(n - 1)$  več diagonal kot njegov predhodnik.  
$$(n + 1)\text{-kotnik ima } \frac{n^2 - n - 2}{2} \text{ diagonal.}$$

### 6.3. Koti večkotnika

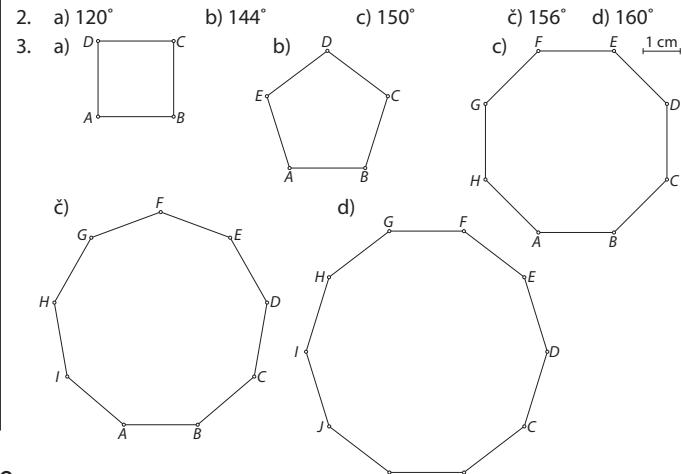
1. Vsota notranjih kotov je vedno enaka.

n	4	6	10	12	18	20	100	n
Število stranic	4	6	10	12	18	20	100	n
Število diagonal	2	9	35	54	135	170	4850	$\frac{n(n-3)}{2}$
Število notranjih kotov	4	6	10	12	18	20	100	n
Vsota notranjih kotov	$360^\circ$	$720^\circ$	$1440^\circ$	$1800^\circ$	$2880^\circ$	$3240^\circ$	$17640^\circ$	$(n-2) \cdot 180^\circ$
Velikost enega notranjega kota, če so vsi med seboj enaki	$90^\circ$	$120^\circ$	$144^\circ$	$150^\circ$	$160^\circ$	$162^\circ$	$176,4^\circ$	$\frac{(n-2) \cdot 180^\circ}{n}$
Vsota zunanjih kotov	$360^\circ$	$360^\circ$	$360^\circ$	$360^\circ$	$360^\circ$	$360^\circ$	$360^\circ$	$360^\circ$

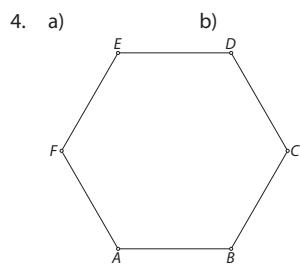
3. a)  $540^\circ$       b)  $1080^\circ$       c)  $1260^\circ$   
č)  $1980^\circ$       d)  $2340^\circ$       e)  $3600^\circ$   
Zunanji koti so vedno  $360^\circ$ .
4.  $\varepsilon = 139^\circ$ ;  $\alpha_1 = 98^\circ$ ;  $\beta_1 = 60^\circ$ ;  $\gamma_1 = 77^\circ$ ;  $\delta_1 = 84^\circ$ ;  $\varepsilon_1 = 41^\circ$
5. a)  $\delta = 91^\circ$ ,  $\beta = 99^\circ$       b)  $\gamma = 122^\circ$       c)  $\beta = 124^\circ$ ,  $\gamma = 102^\circ$       č)  $\varepsilon = 142^\circ$
6. Da.
7. Vsak meri  $75^\circ$ .
8. Sedmi kot meri  $154^\circ 12'$ .
9.  $\varepsilon_1$  meri  $82^\circ$ .
10.  $150^\circ$
11. a) dvajsetkotnik      b) štirinajstkotnik      c) devetindvajsetkotnik
12. Enajstkotnik; vsota notranjih kotov je  $1620^\circ$ , vsota zunanjih kotov pa  $360^\circ$ .
13. Petkotnik; vsak notranji kot meri  $108^\circ$ , vsak zunanji pa  $72^\circ$ .
14.  $\varphi = 119^\circ$ .
15. Največ 3.
16. To je dvanajstkotnik in ima 54 diagonal.
17. Ne.
18. Število stranic, število diagonal iz enega oglišča, število vseh diagonal, vsota zunanjih kotov, velikost enega notranjega kota, če je večkotnik pravilen, velikost enega zunanjega kota, če je večkotnik pravilen.

### 6.4. Pravilni večkotniki

1. A, C. Liki imajo vse stranice enako dolge in vse notranje kote skladne.



# REŠITVE



5. a)  $72^\circ$

b)  $45^\circ$

6. Pri štiriindvajsetkotniku.

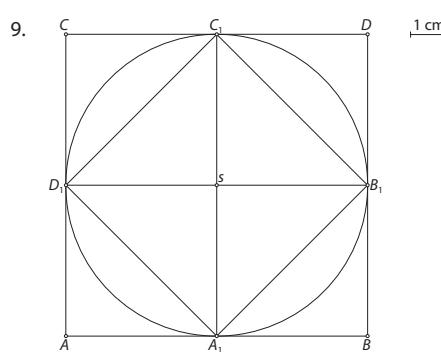
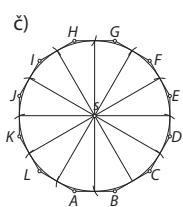
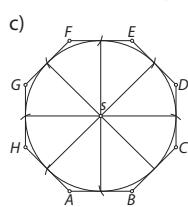
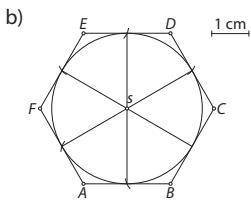
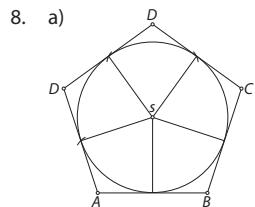
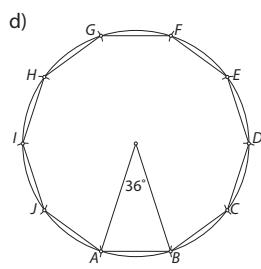
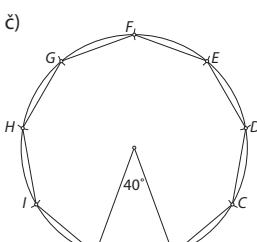
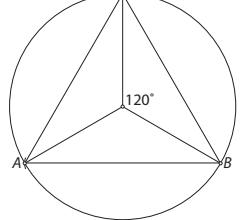
7. a)

c)  $36^\circ$

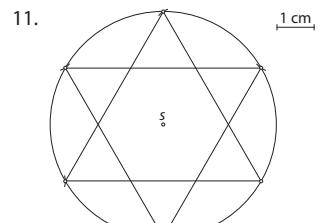
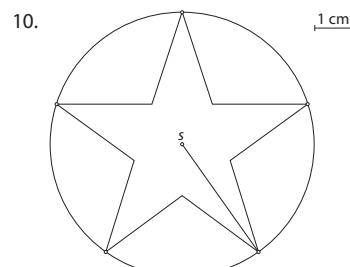
č)  $20^\circ$

d)  $18^\circ$

b)



Ploščina očrtanega štirikotnika je dvakrat toljšna kot ploščina včrtanega štirikotnika.



12. Petkotnik očrtamo krožnico in na njej poiščemo nova oglišča tako, da vrišemo simetrale vseh središčnih kotov petkotnika.

13. a) Obstaja pet plavtinskih teles, ki imajo vse mejne ploskve skladne.

Njihove mejne ploskve so pravilni večkotniki: enakostranični trikotnik, kvadrat ali pravilni petkotnik.

b) Pri plavtinskih telesih so vse mejne ploskve med seboj skladni večkotniki, pri arhimedskih telesih pa so mejne ploskve lahko različni, vendar pravilni večkotniki.

## 6.5. Obseg in ploščina večkotnika

1. a)  $17,7 \text{ cm}$       b)  $16,1 \text{ cm}$       c)  $17,1 \text{ cm}$   
(možna so odstopanja do  $2 \text{ mm}$ )

2.  $18,2 \text{ cm}$

3. a)  $17,7 \text{ cm}^2$       b)  $15,5 \text{ cm}^2$   
(možna so odstopanja do  $2 \text{ mm}^2$ )

4. a)  $p = 23,2 \text{ cm}^2$       b)  $p = 18,9 \text{ cm}^2$   
(možna so odstopanja do  $2 \text{ mm}^2$ )  
 $o = 19,5 \text{ cm}$        $o = 17 \text{ cm}$

5. a)  $o = 15 \text{ cm}$       b)  $o = 22,5 \text{ cm}$   
 $p = 15,7 \text{ cm}^2$        $p = 39,4 \text{ cm}^2$

6. a)  $o = 44 \text{ m}$       b)  $o = 40 \text{ m}$   
 $p = 61 \text{ m}^2$        $p = 79 \text{ m}^2$

7.  $25,6 \text{ m}$

8.  $1,3 \text{ dm}$

9. Položili so  $289,6 \text{ m}^2$  ( $290 \text{ m}^2$ ) asfaltne prevleke.

10. Potrebujejo 1,8 litra barve.

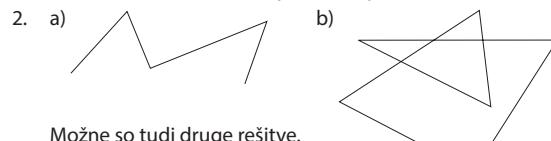
11.  $5,98 \text{ m}^2$

12. petkotnik;  $o = 15 \text{ cm}$ ;  $p = 15,7 \text{ cm}^2$

13.  $p = 36,58 \text{ cm}^2$

## Preverimo znanje

1. a) enostavna in sklenjena; 5 daljic  
b) neenostavna in sklenjena; 7 daljic  
c) neenostavna in neskljenjena; 4 daljice



Možne so tudi druge rešitve.

3. V obeh primerih je 20 diagonal.

4. Pri desetkotniku.

5. Devetkotnik.

6. Vsota notranjih kotov je  $1080^\circ$ .

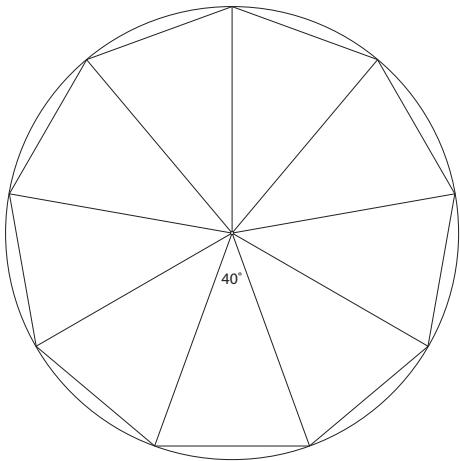
7. Sedemkotnik.

8. Šesti notranji kot meri  $127^\circ$ .

9.  $1800^\circ$  (dvanaestkotnik)

## REŠITVE

10.



11.  $o = 36 \text{ m}$

$p = 52 \text{ m}^2$

12. To je osemkotnik. Vsota notranjih kotov je  $1080^\circ$ .

13. Večkotnik je devetkotnik. Vsak notranji kot meri  $140^\circ$ , vsak zunanji pa  $40^\circ$ .

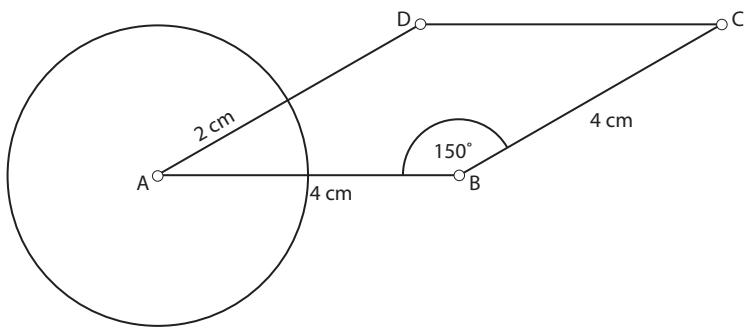
## 7. KROG IN DELI KROGA

### 7.1. Obseg kroga

1. (B)
2. a)  $o = 198 \text{ cm}$    b)  $o = 9,42 \text{ m}$    c)  $o = 44 \text{ dm}$
3. a)  $o = 25,12 \text{ cm}$    b)  $o = 22 \text{ m}$    c)  $o = 26,376 \text{ cm}$    č)  $o = 4 \text{ dm}$
4. a)  $o = 20,096 \text{ cm}$    b)  $o = 54 \text{ m}$    c)  $o = 295,16 \text{ m}$
5.  $o = 690,8 \text{ m}$
6.  $o = 113,04 \text{ cm}$
7. Potrebujemo najmanj  $28,26 \text{ dm}$  čipke.
8. a)  $o_1 = 78,5 \text{ cm}$ ,  $o_2 = 235,5 \text{ cm}$   
b) Manjše kolo se zavrti 3-krat.
9. a)  $2r = 40,64 \text{ cm}$  b)  $o = 127,61 \text{ cm}$
10.  $1,04 \text{ km}$
11. a)  $o = 75,36 \text{ cm}$  b)  $o = 78 \text{ dm}$
12.  $o = 65,94 \text{ cm}$
13.  $r = 7,5 \text{ cm}$
14.  $r = 4 \text{ cm}$
15.  $2r = 3,41 \text{ m}$
16.  $o = 18 \text{ m}$
17.  $r = 2,55 \text{ m}$
18.  $o_2 - o_1 = 31,4 \text{ m}$
19.  $r = 1 \text{ dm}$
20. Približno 15-krat.
21.  $t = 1,67 \text{ h}$
22. /

### 7.2. Dolžina krožnega loka

1. a)  $l = 0,9 \text{ cm}$    b)  $l = 1,9 \text{ cm}$
2. a)  $l = 6,28 \text{ mm}$    b)  $l = 8 \text{ m}$    c)  $l = 15 \text{ cm}$
3.  $l = 5 \text{ cm}$
4.  $l = 5,2 \text{ m}$
5. a)  $4 \text{ cm}$    b)  $6 \text{ cm}$    c)  $12 \text{ cm}$    č)  $24 \text{ cm}$   
d)  $32 \text{ cm}$    e)  $48 \text{ cm}$
6.  $o = 84 \text{ dm}$
7. a)  $\alpha = 54^\circ$    b)  $\alpha = 288^\circ$
8.  $l = 1 \text{ cm}$



9. a)  $o = 9,3 \text{ m}$    b)  $o = 35,7 \text{ mm}$    c)  $o = 2,47 \text{ km}$    č)  $o = 12,28 \text{ m}$
10.  $r = 25,8 \text{ cm}$
11.  $\alpha = 240^\circ$
12.  $l = 39 \text{ cm}$
13.  $\alpha = 270^\circ$
14. a)  $o = 50,84 \text{ m}$    b)  $24,14 \text{ cm}$
15. a)  $o = 33 \text{ cm}$    b)  $o = 16 \text{ m}$    c)  $o = 427 \text{ cm}$    č)  $o = 82,8 \text{ mm}$
16. a)  $o = 2\pi a$    b)  $o = \frac{8\pi a}{3}$
17.  $r = 10,8 \text{ cm}$ ,  $a = 2 \cdot r = 21,6 \text{ cm}$
18.  $a = 5 \text{ cm}$
19.  $l = 45\pi \text{ cm} = 141,3 \text{ cm}$
20.  $o = 4\pi a$

21. a) Glede na premik zvezd na nebu lahko določimo čas trajanja nekega dogodka.  
b)  $45^\circ$   
c) Potrebovali bi podatek o oddaljenosti zvezde.

### 7.3. Ploščina kroga

1. a)  $p = 200,96 \text{ cm}^2$    b)  $p = 3850 \text{ mm}^2$    c)  $p = 78,5 \text{ mm}^2$   
č)  $p = 7546 \text{ dm}^2$
2.  $p = 28,26 \text{ cm}^2$
3.  $p = 113 \text{ m}^2$
4.  $p = 11\,304 \text{ km}^2 = 1\,130\,400 \text{ ha}$
5. a)  $p = 63,59 \text{ m}^2$    b)  $p = 28,26 \text{ m}^2$
6.  $p = 3846,5 \text{ km}^2$
7. Potrebujemo 3532,5 dag semena.
9. Večja kot je ploščina kroga, več je špagetov.
10. a)  $r = 3,87 \text{ cm}$    b)  $r = 15 \text{ m}$    c)  $r = 1,6 \text{ dm}$
11. Odpade 21,5 % lesa.
12.  $2r = 2,26 \text{ m}$
13.  $p_k = 65,94 \text{ cm}^2$
14.  $o = 25,12 \text{ cm}$     $p = 50,24 \text{ cm}^2$
15. a)  $p = 12,09 \text{ m}^2$    b)  $p = 43 \text{ cm}^2$
16. Ploščina se zmanjša za 9-krat.
17. Poveča se za 44 %.
18. Potrebujejo  $117,6 \text{ m}^2$  asfalta.
19.  $p = 178,5 \text{ m}^2 = 1,785 \text{ arov}$
20.  $p = 44,625 \text{ m}^2$
21.  $5,375 \text{ cm}^2$
22. a)  $157 \text{ cm}^2$    b)  $22,2 \%$
23.  $2r = 16 \text{ mm}$
24. a)  $12,56 \text{ cm}^2$    b)  $12,56 \text{ cm}^2$
25. a)  $o = 94,2 \text{ cm}$     $p = 457 \text{ cm}^2$    b)  $o = 125,6 \text{ cm}$     $p = 486 \text{ cm}^2$
26. Količina sestavin je odvisna od ploščine pekača. Za toliko odstotkov, kot se poveča ploščina, moramo povečati tudi količino sestavin. Najprej torej izračunamo ploščini obeh pekačev, nato izračunamo, kolikokrat večja je ploščina večjega pekača. S tem faktorjem nato pomnožimo vse sestavine. Rezultat še primerno zaokrožimo.
27. Obseg se poveča za  $n$ -krat, ploščina pa za  $n^2$ -krat.

$$\begin{aligned} 28. \text{ a) } o &= \pi a & p &= \frac{\pi a^2}{4} \\ \text{b) } o &= \frac{\pi a}{4} & p &= \frac{\pi a^2}{64} \\ \text{c) } 16\text{-krat} \end{aligned}$$

### 7.4. Ploščina krožnega izseka

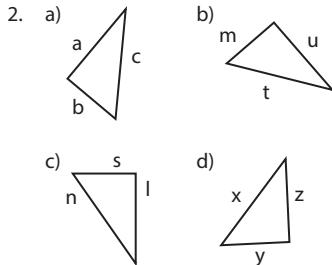
1. a)  $p_i = 1,51 \text{ cm}^2$    b)  $p_i = 1,5 \text{ cm}^2$
2. a)  $p_i = 50,24 \text{ cm}^2$    b)  $p_i = 2093,3 \text{ mm}^2$    c)  $p_i = 6,8 \text{ dm}^2$
3.  $p_i = 6,5 \text{ cm}^2$
5. a)  $20 \text{ mm}^2$    b)  $60 \text{ mm}^2$    c)  $180 \text{ mm}^2$    č)  $240 \text{ mm}^2$   
d)  $540 \text{ mm}^2$    e)  $720 \text{ mm}^2$
6.  $p = 216 \text{ cm}^2$
7. Več torte je pojedel Jernej.
8. a)  $72^\circ$    b)  $60^\circ$    c)  $240^\circ$
9. a)  $p = 86 \text{ cm}^2$    b)  $p = 314 \text{ cm}^2$
10.  $r = 19,5 \text{ cm}$
11.  $\alpha = 259,2^\circ$
12.  $p = 83,9 \text{ cm}^2$
13.  $p = 22,71 \text{ m}^2$
14. a)  $p = 21,5 \text{ cm}^2$    b)  $p = 21,5 \text{ cm}^2$
15.  $p = 1439,16 \text{ cm}^2$
16. peš:  $216^\circ$ , kolo:  $86,4^\circ$ , avtobus:  $57,6^\circ$
17. a)  $p = 57 \text{ cm}^2$    b)  $p = 21,5 \text{ cm}^2$    c)  $p = 57 \text{ cm}^2$
18. a)  $p = 113,04 \text{ cm}^2$    b)  $p = 178,98 \text{ cm}^2$
19. a)  $p_o = 4,56 \text{ cm}^2$    b)  $p_o = 3,25 \text{ cm}^2$
20. a)  $o = 2a\pi + 4a = 2a(\pi + 2)$ ,  $p = a^2(1 + \pi)$    b)  $o = \frac{3\pi a}{2}$ ,  $p = a^2\left(\frac{\sqrt{3}}{4} + \frac{3\pi}{8}\right)$

## Preverimo znanje

1. a)  $\sigma = 144,44 \text{ mm}$ ,  $p = 1661,06 \text{ mm}^2$       b)  $\sigma = 264 \text{ cm}$ ,  $p = 5544 \text{ cm}^2$
2. a)  $r = 3 \text{ cm}$ ,  $2r = 6 \text{ cm}$       b)  $\sigma = 18,84 \text{ cm}$       c)  $p = 9\pi \text{ cm}^2$
3. Zavrti se približno 1800-krat.
4. a)  $42 \text{ cm}^2$ ,  $35 \text{ cm}^2$ ,  $49 \text{ cm}^2$ ,  $14 \text{ cm}^2$   
b)  $108^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $126^\circ$ ,  $36^\circ$
5. a)  $l = 3,14 \text{ cm}$       b)  $p_i = 2,36 \text{ cm}^2$
6.  $p_i = 7,7 \text{ cm}^2$
7.  $r = 2,5 \text{ cm}$
8.  $p_k = 50,24 \text{ cm}^2$
9. a)  $\sigma = 62,8 \text{ m}$       b)  $556,50 \text{ €}$
10.  $\sigma = 41,4 \text{ cm}$ ,       $p = 60,75 \text{ cm}^2$

## 8.1. Pitagorov izrek

1. a)  $x^2 = y^2 + z^2$    b)  $r^2 = p^2 + s^2$    c)  $o^2 = m^2 + n^2$    č)  $e^2 = c^2 + d^2$   
 $y^2 = x^2 - z^2$     $p^2 = r^2 - s^2$     $m^2 = o^2 - n^2$     $c^2 = e^2 - d^2$   
 $z^2 = x^2 - y^2$     $s^2 = r^2 - p^2$     $n^2 = o^2 - m^2$     $d^2 = e^2 - c^2$



3. 5 cm (kateti morata biti pravokotni; dolžino hipotenuze lahko tudi izračunamo)

4. 4 cm

5. a) N; v pravokotnem trikotniku

b) N; meri  $90^\circ$

c) N; samo za pravokotne trikotnike

č) P

6. a) 5 cm      b) 12 cm      c) 3,3 dm

7. a)  $h = 10 \text{ cm}$       b)  $h = 25 \text{ dm}$       c)  $h = 34 \text{ cm}$       č)  $h = 29 \text{ cm}$

$$o = 24 \text{ cm}$$

$$p = 24 \text{ cm}^2$$

$$d) h = 6 \text{ cm}$$

$$o = (11 + \sqrt{11}) \text{ cm}$$

$$p = 8,29 \text{ cm}^2$$

8. a)  $b = 15 \text{ cm}$       b)  $k = 20 \text{ cm}$       c)  $k = 35 \text{ dm}$       č)  $k = 4,8 \text{ m}$

$$o = 40 \text{ cm}$$

$$p = 60 \text{ cm}^2$$

$$d) k = 3 \text{ cm}$$

$$o = (5 + \sqrt{13}) \text{ cm}$$

$$p = 3 \text{ cm}^2$$

$k_1$	6	9	24,1	20	24	$\sqrt{4}$	$2\sqrt{3}$
$k_2$	8	12	24	21	7	$\sqrt{5}$	2
$h$	10	15	34	29	25	3	4

10. Pravokotni so trikotniki A, C, D in E.

11. a)  $o = 90 \text{ dm}$       b)  $o = 32 \text{ dm}$       c)  $o = 50 \text{ dm}$   
 $p = 360 \text{ dm}^2$        $p = 24 \text{ dm}^2$        $p = 160 \text{ dm}^2$

12. Žica je dolga 25,3 m.

13. Drevo je visoko 40 m.

14. Vrhova sta 17 cm narazen.

15. Vrv mora biti dolga 26 m.

16. Preplaval je 17 m dolgo pot.

17. Špela si je skrajšala pot za 42 m.

18. Različne možnosti.

19. Deska mora biti dolga 116 cm.

20. Vrh se je dotaknil tal 7 m od vznožja drevesa.

21. Ploščina osenčenega lika je  $78,5 \text{ cm}^2$  in je za  $54,5 \text{ cm}^2$  večja od ploščine trikotnika.

22. Potrebuje dve cevi po 3,7 m.

23. Dolžina diagonale je 128,5 cm, a nekaj pobere rob.

24. a) Ena kateta je ves čas enaka 1, druga pa se za 1 povečuje. Diagonale merijo:  $\sqrt{2} \text{ cm}$ ,  $\sqrt{5} \text{ cm}$ ,  $\sqrt{10} \text{ cm}$ ,  $\sqrt{17} \text{ cm}$ . V dvajsetem trikotniku bi bila dolžina diagonale  $\sqrt{401} \text{ cm}$ , v  $n$ -tem trikotniku pa  $\sqrt{(n^2+1)} \text{ cm}$ .  
b) Dolžine diagonal so enake  $\sqrt{(n+1)}$ .

25.  $\sqrt{2}$  je dolžina hipotenuze v pravokotnem trikotniku s katetama 1 in 1;  
 $\sqrt{5}$  je dolžina hipotenuze v pravokotnem trikotniku s katetama 1 in 2;  
 $\sqrt{8}$  je dolžina katete v pravokotnem trikotniku s hipotenuzo 3 in kateto 1.

26. Različne možnosti.

## 8.2. Uporaba Pitagorovega izreka v geometrijskih likih

### Pravokotnik

1. a)  $d = 15 \text{ cm}$       b)  $d = 17 \text{ cm}$       c)  $d = 6,1 \text{ dm}$       č)  $d = 8,9 \text{ dm}$

2. a)  $o = 14 \text{ cm}$       b)  $o = 68 \text{ cm}$       c)  $o = 92 \text{ cm}$       č)  $o = 94 \text{ cm}$

$p = 12 \text{ cm}^2$        $p = 240 \text{ cm}^2$        $p = 480 \text{ cm}^2$        $p = 420 \text{ cm}^2$

d)  $o = 24 \text{ cm}$

$p = 35 \text{ cm}^2$

3. Ograja mora biti dolga 29 m.

4.  $o = 28 \text{ cm}$ ;  $p = 48 \text{ cm}^2$ .

5. Da, diagonala meri 3,7 m.

6. 363,7 mm

7. 29 m (28,99 m)

8. 2,9 dm

9. Razpoka je dolga 17 dm.

10.  $o = 157 \text{ cm}$ ;  $p = 1962,5 \text{ cm}^2$ ; ploščina pravokotnika predstavlja 34,2 % ploščine kroga.

### Kvadrat

1. a)  $d = 4,23 \text{ cm}$       b)  $d = 3,384 \text{ dm}$       c)  $d = 0,56 \text{ m}$

č)  $d = 4 \text{ cm}$       d)  $d = 10 \text{ cm}$

2. a)  $o = 40 \text{ cm}$       b)  $d = 56 \text{ cm}$       c)  $o = 28 \text{ cm}$       č)  $o = 20 \text{ cm}$

$p = 100 \text{ cm}^2$        $p = 196 \text{ cm}^2$        $p = 49 \text{ cm}^2$        $p = 25 \text{ cm}^2$

3.  $p = 64 \text{ cm}^2$ ;  $d = 8 \cdot \sqrt{2} \text{ cm}$

4.  $o = 44 \text{ cm}$ ;  $d = 11 \cdot \sqrt{2} \text{ cm}$

5. 9  $\text{cm}^2$

6. a)  $1 \cdot \sqrt{2} + 2 \cdot \sqrt{2} + 3 \cdot \sqrt{2} = 6 \cdot \sqrt{2} \text{ cm}$

b)  $55 \cdot \sqrt{2} \text{ cm}$

c)  $\frac{1}{2} \cdot n \cdot (n+1) \cdot \sqrt{2}$

7. 25,12  $\text{cm}^2$

8. Odpadka je 36 %.

### Enakokraki trikotnik

1. a)  $o = 36 \text{ cm}$       b)  $o = 36 \text{ dm}$       c)  $o = 100 \text{ m}$

$p = 48 \text{ cm}^2$        $p = 60 \text{ dm}^2$        $p = 360 \text{ m}^2$

č)  $o = 24,2 \text{ m}$       d)  $o = 144 \text{ dm}$       e)  $o = 24,2 \text{ dm} = 24 \frac{1}{5} \text{ dm}$

$p = 6,6 \text{ m}^2$        $p = 420 \text{ dm}^2$        $p = 27,72 \text{ dm}^2 = 27 \frac{18}{25} \text{ dm}^2$

2. Lestev sega 2,4 m visoko.

3.  $o = 72 \text{ cm}$

4. Potrebujejo 120  $\text{m}^2$  zaščite.

5. Imamo dve možnosti:  $o_1 = 98 \text{ cm}$ ;  $o_2 = 94,4 \text{ cm}$ . Razlikujeta se za 3,6 cm.

### Enakostranični trikotnik

1. a)  $v = 4 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}$       b)  $v = 2,7 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}$       c)  $v = \frac{4 \cdot \sqrt{3}}{3} \text{ m}$

$o = 24 \text{ cm}$        $o = 16,2 \text{ cm}$        $o = 8 \text{ m}$

$p = 16 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}^2$        $p = 7,29 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}^2$        $p = \frac{16 \cdot \sqrt{3}}{9} \text{ m}^2$

č)  $v = 1,5 \text{ cm}$       d)  $v = 6 \text{ m}$

$o = 3 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}$        $o = 6 \cdot \sqrt{12} \text{ m}$

$p = \frac{3 \cdot \sqrt{3}}{4} \text{ cm}^2$        $p = 12 \cdot \sqrt{3} \text{ m}^2$

2.  $p = 21,2 \text{ cm}^2$

3. a)  $o = 20,8 \text{ cm}$       b)  $o = 54 \text{ dm}$       c)  $o = 12 \text{ m}$

$p = 20,8 \text{ cm}^2$        $p = 140,13 \text{ dm}^2$        $p = 6,92 \text{ m}^2$

4. 328,7  $\text{cm}^2$

5. Obseg kvadrata meri 276,8 cm, ploščina kroga pa 7478  $\text{cm}^2$ .

6. Ni.

## Romb

1. a)  $o = 52 \text{ cm}$  b)  $o = 11,6 \text{ m}$  c)  $o = 38,8 \text{ dm}$  č)  $o = 20 \text{ cm}$   
 $p = 120 \text{ cm}^2$   $p = 8,4 \text{ m}^2$   $p = 93,6 \text{ dm}^2$   $p = 22,4 \text{ cm}^2$
2.  $5 \text{ dm}$
3.  $o = 244 \text{ cm}; v = 21,6 \text{ cm}$
4.  $p = 1536 \text{ cm}^2; v = 38,4 \text{ cm}$
5.  $p_1 = 110,7 \text{ cm}^2; p_2 = 124,56 \text{ cm}^2$ ; za  $12\%$

## Enakokraki trapez

1. a)  $o = 50 \text{ cm}$  b)  $o = 70 \text{ cm}$  c)  $o = 60 \text{ dm}$   
 $p = 144 \text{ cm}^2$   $p = 270 \text{ cm}^2$   $p = 180 \text{ dm}^2$   
č)  $o = 42 \text{ m}$  d)  $o = 50 \text{ cm}$   
 $p = 88 \text{ m}^2$   $p = 120 \text{ cm}^2$
2. Nasip je visok  $1,25 \text{ m}$ .
3. a)  $e = 17 \text{ cm}$  b)  $e = 39 \text{ m}$   
 $o = 50 \text{ cm}$   $o = 106 \text{ m}$   
 $p = 120 \text{ cm}^2$   $p = 540 \text{ m}^2$
4. a)  $o = 48 \text{ cm}$  b)  $o = 62 \text{ m}$  c)  $o = 48 \text{ cm}$   
 $p = 138 \text{ cm}^2$   $p = 225 \text{ m}^2$   $p = 108 \text{ cm}^2$
5. Različne možnosti.

## Deltoid

1. a)  $o = 66 \text{ cm}$  b)  $o = 112 \text{ cm}$  c)  $o = 198 \text{ cm}$   
 $p = 252 \text{ cm}^2$   $p = 660 \text{ cm}^2$   $p = 1848 \text{ cm}^2$
2.  $o = 198 \text{ cm}$
3.  $p = 468 \text{ cm}^2$
4.  $e = 24 \text{ cm}; o = 100 \text{ cm}; p = 480 \text{ cm}^2$
5.  $p = 480 \text{ cm}^2$ . Potreboval je  $100 \text{ cm}$  traku.

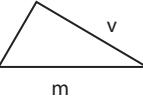
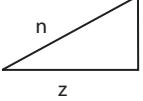
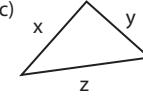
## Krog

1. a)  $34 \text{ cm}$  b)  $d = 10 \text{ cm}$  c)  $t = 96 \text{ cm}$
2. a)  $o = 42,84 \text{ dm}$  b)  $o = 31,98 \text{ dm}$   
 $p = 110,52 \text{ dm}^2$   $p = 63,25 \text{ dm}^2$
3.  $2 \cdot \sqrt{7}; 8; 6 \cdot \sqrt{3}; 4 \cdot \sqrt{10}; 2 \cdot \sqrt{55}; 12 \cdot \sqrt{2}$
4.  $o = 100,48 \text{ mm}$
5.  $|SB| = 5,3 \text{ cm}$
6. Različne možnosti.

## 8.3. Razdalja med točkama

1. a)  $|CD| = 5 \text{ enot}$  b)  $|PR| = 17 \text{ enot}$  c)  $|AB| = 29 \text{ enot}$   
č)  $|KL| = 26 \text{ enot}$  d)  $|EF| = 6 \cdot \sqrt{2} \text{ enot}$
2.  $|AB| = 13 \text{ enot}$   $|CD| = 17 \text{ enot}$   $|EF| = 10 \text{ enot}$
3. a)  $o = 26,2 e$  b)  $o = 26,2 e$  c)  $o = 27,1 e$  č)  $o = 40,7 e$   
 $p = 8 e^2$   $p = 25 e^2$   $p = 16 e^2$   $p = 94,5 e^2$
4.  $B(3, 25)$
5.  $2r = 17 \text{ enot}; o = 53,38 \text{ enot}; p = 226,9 e^2$
6.  $o = 54 \text{ enot}; p = 168 e^2$

## Preverimo znanje

1.  $m^2 = k^2 + l^2$   
 $l = \sqrt{m^2 - k^2}$   
 $k^2 = m^2 - l^2$
2. a)   
b)   
c) 

3.  $o = 40 \text{ cm}$   
 $p = 60 \text{ cm}^2$
4.  $d = 5,3 \text{ cm}$
5. a) N; Pitagorov izrek velja samo v pravokotnih trikotnikih.  
b) N; Hipotenuza leži nasproti pravega kota.  
c) P  
č) P  
d) N; Diagonali romb razdelita na štiri skladne pravokotne trikotnike.
6. Vrh se dotakne tal 5 m od vznožja drevesa.
7.  $|PR| = 5 \text{ e}$
8.  $o = 20 \text{ cm}$   
 $p = 25 \text{ cm}^2$
9.  $o = 80 \text{ cm}$   
 $p = 384 \text{ cm}^2$   
 $v = 19,2 \text{ cm}$
10.  $o = 32 \text{ cm}$
11.  $o = 84 \text{ cm}$   
 $p = 414 \text{ cm}^2$   
 $v = 23 \text{ cm}$
12.  $d = 17a$

## 9. KVADER IN KOCKA

### 9.1. Površina in prostornina

1. a) kocka,  $P = 54 \text{ cm}^2$ ,  $V = 27 \text{ cm}^3$   
b) kvader,  $P = 52 \text{ cm}^2$ ,  $V = 24 \text{ cm}^3$
2. a)  $P = 14\ 800 \text{ cm}^2$ ,  $V = 120\ 000 \text{ cm}^3$   
b)  $P = 15\ 000 \text{ cm}^2$ ,  $V = 125\ 000 \text{ cm}^3$   
c)  $P = 1296 \text{ cm}^2$ ,  $V = 3024 \text{ cm}^3$
3. a) kvader,  $P = 11,6 \text{ cm}^2$ ,  $V = 2,4 \text{ cm}^3$   
b) kocka,  $P = 6 \text{ cm}^2$ ,  $V = 1 \text{ cm}^3$   
c) kvader,  $P = 5,04 \text{ cm}^2$ ,  $V = 0,448 \text{ cm}^3$
4. a)  $P = 6160 \text{ cm}^2$ ,  $V = 32\ 000 \text{ cm}^3$   
b)  $P = 12,84 \text{ m}^2$ ,  $V = 2,16 \text{ m}^3$
5. a)  $P = 337,5 \text{ dm}^2$ ,  $V = 421,875 \text{ dm}^3$   
b)  $P = 1\ 058\ 400 \text{ mm}^2$ ,  $V = 74\ 088\ 000 \text{ mm}^3$
6.  $V = 15,84 \text{ m}^3$
7.  $P = 1,3054 \text{ m}^2$ ,  $V = 124,32 \text{ dm}^3 = 124,32 \ell$
8. Približno  $830 \text{ cm}^3$ .
9.  $V_1 = 169,9 \text{ dm}^3$ ,  $V_2 = 128,15 \text{ dm}^3$
10. a)  $a = 9 \text{ dm}$       b)  $c = 18 \text{ mm}$
11. a)  $V = 27 \text{ cm}^3$       b)  $P = 216 \text{ m}^2$
12.  $V = 360 \text{ m}^3$
13.  $V_1 = 41 \ell$       Posoda je visoka  $85,47 \text{ cm}$ .
14. a)  $P = 382 \text{ cm}^2$ ,  $V = 410 \text{ cm}^3$   
 $P = 880 \text{ cm}^2$ ,  $V = 1100 \text{ cm}^3$

### 9.2. Dolžina diagonal

1. a)  $20 \text{ cm}$       b)  $30 \text{ dm}$       c)  $13 \text{ m}$
2.  $d_1 = \sqrt{193} \text{ cm}$        $d_2 = 15 \text{ cm}$        $d_3 = \sqrt{130} \text{ cm}$        $D = \sqrt{274} \text{ cm}$
3.  $13 \text{ cm}$
4. a)  $d = 11,3 \text{ cm}$ ;  $d = 8\sqrt{2} \text{ cm}$       b)  $D = 13,86 \text{ cm}$ ;  $D = 8\sqrt{3} \text{ cm}$
5.  $D = 6$
6.  $D = 1,34 \text{ m}$
7.  $D = 15\sqrt{2} \text{ cm}$

### 9.3. Ploščina diagonalnih presekov

1. a)  $p = 2600 \text{ cm}^2$     b)  $p = 6,75 \text{ dm}^2$     c)  $p = 6300 \text{ mm}^2$
2.  $p = 1732,4 \text{ cm}^2$ ,  $p = 1225\ \sqrt{2} \text{ cm}^2$
3.  $p = 1170 \text{ cm}^2$
4.  $p = 530 \text{ cm}^2$
5.  $V = 1680 \text{ cm}^3$
6.  $P = 864 \text{ cm}^2$ ,  $D = 20,78 \text{ cm}$

### Preverimo znanje

1. a) kocka,  $P = 864 \text{ cm}^2$ ,  $V = 1728 \text{ cm}^3$   
b) kvader,  $P = 56,52 \text{ m}^2$ ,  $V = 25,92 \text{ m}^3$
2. a)  $D = 5\sqrt{61} \text{ cm}$     b)  $D = 15,6 \text{ dm}$
3.  $d_3 = 29 \text{ cm}$
4.  $p = 20\sqrt{13} \text{ dm}^2$
5.  $V = 8,1 \text{ m}^3$ ,  $m = 4050 \text{ kg}$
6.  $D = \sqrt{1469} \text{ cm}$
7.  $p = 883,9 \text{ cm}^2$
8.  $P = 864 \text{ cm}^2$ ,  $V = 1728 \text{ cm}^3$
9.  $P = 212 \text{ cm}^2$ ,  $V = 120 \text{ cm}^3$